

# Алгебра

9 класс



по **НОВОМУ**  
образовательному стандарту  
(второго поколения)

**УМК**

Е.М. Ключникова  
И.В. Комиссарова

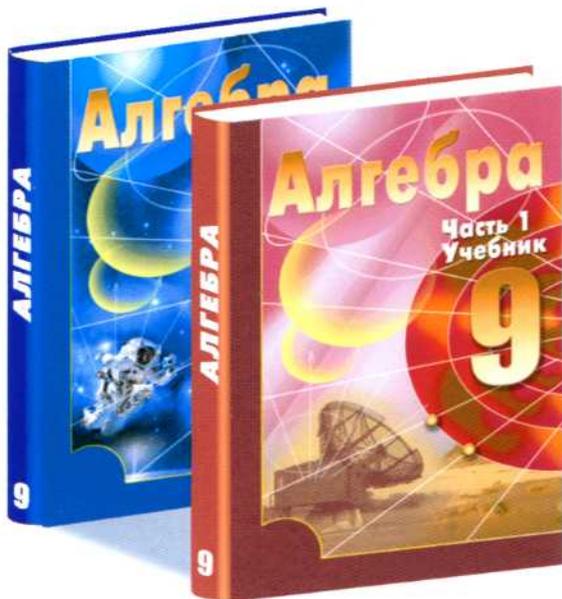
# ТЕСТЫ по алгебре

К учебнику А.Г. Мордковича  
«Алгебра. 9 класс»

- ♦ Оперативно проверяют знания, умения и навыки
- ♦ Выявляют пробелы в знаниях
- ♦ Соответствуют учебному стандарту

9  
класс

ЭКЗАМЕН



---

Учебно-методический комплект

---

Е.М. Ключникова, И.В. Комиссарова

# Тесты по алгебре

---

К учебнику А.Г. Мордковича  
«Алгебра. 9 класс»  
(М.: Мнемозина)

**9** класс

*Рекомендовано  
Российской Академией Образования*

*Издание второе, стереотипное*

Издательство  
«ЭКЗАМЕН»  
МОСКВА • 2011

УДК 373:512  
ББК 22.14я72  
К52

Имя автора и название цитируемого издания указаны на титульном листе данной книги (ст. 1274 п. 1 части четвертой Гражданского кодекса Российской Федерации).

Изображение учебных изданий «Алгебра. 9 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений / А.Г. Мордкович. — 10-е изд., стер. — М.: Мнемозина» и «Алгебра. 9 класс. В 2 ч. Ч. 2. Задачник для общеобразовательных учреждений / [А.Г. Мордкович и др.]; под ред. А.Г. Мордковича. — 9-е изд., перераб. — М.: Мнемозина» приведено на обложке данного издания исключительно в качестве иллюстративного материала (ст. 1274 п. 1 части четвертой Гражданского кодекса Российской Федерации).

**Ключникова, Е.М.**

**К52** Тесты по алгебре: 9 класс: к учебнику А.Г. Мордковича «Алгебра. 9 класс» / Е.М. Ключникова, И.В. Комиссарова. — 2-е изд., стереотип. — М.: Издательство «Экзамен», 2011. — 125, [3] с. (Серия «Учебно-методический комплект»)

ISBN 978-5-377-04112-2

Данное пособие полностью соответствует новому образовательному стандарту (второго поколения).

Пособие является необходимым дополнением к школьному учебнику А.Г. Мордковича «Алгебра. 9 класс», рекомендованному Министерством образования и науки Российской Федерации и включенному в Федеральный перечень учебников.

Книга содержит тематические тесты по 8 основным темам курса алгебры в 9 классе применительно к учебнику А.Г. Мордковича «Алгебра. 9 класс».

Цель пособия — оказание помощи учителю при организации текущего контроля знаний учащихся по алгебре.

Каждый из 8 тестов приведен в 4 вариантах. Тесты выдержаны в единой структуре: 10 заданий с выбором ответа и 5 — требующих записи ответа в виде числа или выражения.

Ко всем заданиям тестов приведены ответы.

Приказом № 729 Министерства образования и науки Российской Федерации учебные пособия издательства «Экзамен» допущены к использованию в общеобразовательных учреждениях.

УДК 373:512  
ББК 22.14я72

---

Подписано в печать 13.11.2010. Формат 70х100/16. Гарнитура «Школьная».  
Бумага газетная. Уч.-изд. л. 1,33. Усл. печ. л. 10,4. Тираж 15 000 экз. Заказ № 800.

---

ISBN 978-5-377-04112-2

© Ключникова Е.М., Комиссарова И.В., 2011  
© Издательство «ЭКЗАМЕН», 2011

# Содержание

<b>ПРЕДИСЛОВИЕ</b> .....	5
<b>Тема I. РАЦИОНАЛЬНЫЕ НЕРАВЕНСТВА И ИХ СИСТЕМЫ</b> .....	6
<b>ТЕСТ 1</b> .....	6
Вариант I.....	6
Вариант II.....	10
Вариант III.....	14
Вариант IV.....	18
<b>Тема II. СИСТЕМЫ УРАВНЕНИЙ</b> .....	22
<b>ТЕСТ 2</b> .....	22
Вариант I.....	22
Вариант II.....	26
Вариант III.....	29
Вариант IV.....	32
<b>Тема III. ЧИСЛОВЫЕ ФУНКЦИИ</b> .....	35
<b>ТЕСТ 3</b> .....	35
Вариант I.....	35
Вариант II.....	39
Вариант III.....	43
Вариант IV.....	47
<b>Тема IV. ФУНКЦИИ <math>y = x^n</math> (<math>n \in N</math>), ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ</b> .....	51
<b>ТЕСТ 4</b> .....	51
Вариант I.....	51
Вариант II.....	55
Вариант III.....	59
Вариант IV.....	63
<b>Тема V. ФУНКЦИИ <math>y = x^{-n}</math> (<math>n \in N</math>), ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ</b> .....	67
<b>ТЕСТ 5</b> .....	67
Вариант I.....	67
Вариант II.....	71
Вариант III.....	75
Вариант IV.....	79
<b>Тема VI. ЧИСЛОВЫЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ.</b>	
<b>АРИФМЕТИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ</b> .....	83
<b>ТЕСТ 6</b> .....	83
Вариант I.....	83
Вариант II.....	86
Вариант III.....	89
Вариант IV.....	92

## Содержание

---

<b>Тема VII. ЧИСЛОВЫЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ.</b>	
<b>ГЕОМЕТРИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ .....</b>	<b>95</b>
<b>ТЕСТ 7.....</b>	<b>95</b>
<b>Вариант I.....</b>	<b>95</b>
<b>Вариант II.....</b>	<b>98</b>
<b>Вариант III.....</b>	<b>101</b>
<b>Вариант IV.....</b>	<b>104</b>
<b>Тема VIII. ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, СТАТИСТИКИ</b>	
<b>И ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ .....</b>	<b>107</b>
<b>ТЕСТ 8.....</b>	<b>107</b>
<b>Вариант I.....</b>	<b>107</b>
<b>Вариант II.....</b>	<b>111</b>
<b>Вариант III.....</b>	<b>115</b>
<b>Вариант IV.....</b>	<b>119</b>
<b>Ответы к вариантам тестов .....</b>	<b>123</b>

## ПРЕДИСЛОВИЕ

Данная книга предназначена для учителей, работающих по УМК «Алгебра — 9» (учебник) А.Г. Мордкович, и «Алгебра — 9» (задачник) А.Г. Мордкович, Т.Н. Мишустина, Е.Е. Тульчинская издательство «Мнемозина». Цель данного пособия — оказание методической помощи учителю при организации контроля за уровнем знаний учащихся по алгебре. Книга включает 8 тестов по основным темам по курсу алгебры в 9 классе.

Все тесты даны по темам, соответствующим главам в учебнике:

1. Рациональные неравенства и их системы.
2. Системы уравнений.
3. Числовые функции.
4. Функции  $y = x^n$  ( $n \in N$ ), их свойства и графики.
5. Функции  $y = x^{-n}$  ( $n \in N$ ), их свойства и графики.
6. Числовые последовательности. Арифметическая прогрессия.
7. Числовые последовательности. Геометрическая прогрессия.
8. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей.

Каждый тест приведен в 4 вариантах. Все тесты выдержаны в единой структуре: 10 заданий с выбором ответа из предложенных (A1–A10) и 5 заданий, требующих записи ответа в виде числа или выражения (B1–B5). Уровень сложности заданий возрастает с порядковым номером этого задания. Задания в каждом тесте даны с избытком, для того, чтобы учитель, учитывая уровень подготовки своего класса, мог подобрать задания для проведения тестирования.

Мы надеемся, что данная книга поможет учителям и учащимся при подготовке к ЕГЭ и другим формам аттестации в виде тестирования.

*Авторы*

# Тема I. РАЦИОНАЛЬНЫЕ НЕРАВЕНСТВА И ИХ СИСТЕМЫ

## ТЕСТ 1

### Вариант I

#### Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A1. Решите неравенство:  $\frac{x-2}{8} \geq \frac{3x-5}{12}$ .

A.  $\left(-\infty; \frac{4}{3}\right)$

Б.  $\left(-\infty; \frac{4}{3}\right]$

В.  $\left[\frac{4}{3}; +\infty\right)$

Г.  $\left(-\infty; -\frac{4}{3}\right]$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Решите двойное неравенство:  $-2 \leq 1 - 3x < 2$ .

A.  $-\frac{1}{3} \leq x < 1$

Б.  $1 < x \leq -\frac{1}{3}$

В.  $-\frac{1}{3} < x \leq 1$

Г.  $-1 < x \leq \frac{1}{3}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Решите неравенство:  $|x-2| < 5$ .

A.  $(-3; 7)$

Б.  $(3; 7)$

В.  $(-\infty; -3) \cup (7; +\infty)$

Г.  $(-7; 3)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. При каких значениях  $x$  имеет смысл выражение:

$\sqrt{x(x^2-9)}$ ?

A.  $(-3; 0) \cup (3; +\infty)$

Б.  $[-3; 0]$

В.  $[0; +\infty)$

Г.  $[-3; 0] \cup [3; +\infty)$

A5. Найдите все числа, удовлетворяющие неравенству:

$$(x-1)(x+1) \geq x^2 + 3x - 4.$$

A.  $(-\infty; 1)$

Б.  $[0; +\infty)$

В.  $(-\infty; 1]$

Г.  $[1; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A6. Решите неравенство  $x^2 - \frac{3x-1}{2} < x-1$ , используя метод интервалов.

A.  $(1; 1,5)$

Б.  $(-1,5; 1)$

В.  $(-1; 1,5)$

Г.  $(-\infty; 1) \cup (1,5; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A7. Найдите область определения функции:

$$y = \sqrt{\frac{6+x-x^2}{x-2}}.$$

A.  $(-\infty; -2] \cup [2; 3]$

Б.  $[-2; 2) \cup [3; +\infty)$

В.  $[-2; 3]$

Г.  $(-\infty; -2] \cup (2; 3]$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A8. Найдите множество решения системы неравенств:

$$\begin{cases} 1-2x \leq 3 \\ 3x+2 < 1 \end{cases}$$

A.  $\left[-1; -\frac{1}{3}\right]$

Б.  $\left[-1; -\frac{1}{3}\right)$

В.  $\left[-1; \frac{1}{3}\right)$

Г.  $\left[1; \frac{1}{3}\right)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A9. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} \frac{2x-1}{x+5} \geq \frac{1}{3} \\ 4x^2 \geq 25 \end{cases}$$

- А.  $x < -5; x \geq 2,5$   
 Б.  $x \leq -2,5; x \geq 2,5$   
 В.  $-5 < x \leq 1,6$   
 Г.  $x < -5; x \geq 1,6$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Решите неравенство, используя метод интервалов:

$$\frac{(2x+3)(x-x^2)}{6-x} \geq 0.$$

- А.  $-1,5 \leq x \leq 0;$   
 $1 \leq x < 6$   
 Б.  $x \leq -1,5;$   
 $0 \leq x \leq 1; x > 6$   
 В.  $x \leq -1,5;$   
 $0 \leq x \leq 1; x \geq 6$   
 Г.  $-1,5 \leq x < 6$

### Часть 2



B1. При каких значениях переменной произведение  $(2x-3)(4-x)(x+8)$  неотрицательно?

Ответ: \_\_\_\_\_



B2. Найдите число целых решений неравенства  $\frac{2-5x}{x+3} \geq 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



B3. Укажите наибольшее целое число, которое является решением двойного неравенства  $-1 < \frac{2x+5}{3} \leq 1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

В4. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} \frac{1}{x} > x \\ x + 2 \geq 0 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

В5. Найдите длину промежутка, служащего решением неравенства:  $14 + x^2 - 9x \leq 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант II

### Часть 1

а

б

в

г

А1. Решите неравенство:  $\frac{2+x}{12} < \frac{2x-3}{15}$ .

А.  $(7\frac{1}{3}; +\infty)$

Б.  $(-\infty; 7\frac{1}{3}]$

В.  $[7\frac{1}{3}; +\infty)$

Г.  $[-7\frac{1}{3}; +\infty)$

а

б

в

г

А2. Решите двойное неравенство:  $-3 \leq 2 - 5x < 1$ .

А.  $\frac{1}{5} \leq x < 1$

Б.  $\frac{1}{5} < x \leq 1$

В.  $-\frac{1}{5} < x < 1$

Г.  $1 \leq x < \frac{1}{5}$

а

б

в

г

А3. Решите неравенство:  $|2x + 3| < 7$ .

А.  $(-2; 5,5)$

Б.  $(-\infty; 2)$

В.  $(-5,5; 2)$

Г.  $(-\infty; -5,5) \cup (2; +\infty)$

а

б

в

г

А4. При каких значениях  $x$  имеет смысл выражение:

$\sqrt{(x^2 - 4)x}$ ?

А.  $[2; +\infty)$

Б.  $[0; +\infty)$

В.  $[-2; 2]$

Г.  $[-2; 2] \cup [2; +\infty)$

A5. Найдите все числа, удовлетворяющие неравенству:  
 $(x + 2)^2 < x^2 + 8x + 5.$

A.  $\left(-\frac{1}{4}; +\infty\right)$

Б.  $\left(-\infty; -\frac{1}{4}\right)$

В.  $(4; +\infty)$

Г.  $(-\infty; 4)$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A6. Решите неравенство, используя метод интервалов:  
 $x^2 - \frac{2x - 1}{3} > 2x + 4.$

A.  $\left(-1; \frac{11}{3}\right)$

Б.  $\left(-\frac{11}{3}; -1\right)$

В.  $(-\infty; -1) \cup \left(\frac{11}{3}; +\infty\right)$

Г.  $\left(-\infty; -\frac{11}{3}\right) \cup (-1; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A7. Найдите область определения функции:  $y = \sqrt{\frac{6 - x - x^2}{x + 2}}.$

A.  $[-3; 2]$

Б.  $[-3; -2) \cup [2; +\infty)$

В.  $(-\infty; -3] \cup (-2; 2]$

Г.  $(-\infty; -3] \cup [-2; 2]$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A8. Найдите множество решения системы неравенств:  

$$\begin{cases} 2 - 3x > 1 \\ 2x + 3 < 2 \end{cases}$$

A.  $\left(-\frac{1}{2}; \frac{1}{3}\right)$

Б. нет решений

В.  $\left(-\infty; \frac{1}{3}\right)$

Г.  $\left(-\infty; -\frac{1}{2}\right)$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A9. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} x+1 \leq \frac{1}{2} \\ 2x-3 \leq \frac{1}{2} \\ 9x^2 \leq 16 \end{cases}$$

- А.  $x < 1,5$   
 Б.  $-1\frac{1}{3} \leq x \leq 1\frac{1}{3}$   
 В.  $-1\frac{1}{3} \leq x < 1\frac{1}{2}$   
 Г.  $1\frac{1}{3} \leq x < 1\frac{1}{2}$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Решите неравенство, используя метод интервалов:

$$\frac{(3x+4)(4-x^2)}{x+7} \geq 0.$$

- А.  $x < -7; -2 \leq x \leq 1\frac{1}{3};$   
 $x \geq 2$   
 Б.  $-7 < x \leq 2$   
 $-7 < x \leq -2;$   
 В.  $1\frac{1}{3} \leq x \leq 2$   
 Г.  $-7 < x \leq 1\frac{1}{3}; x \geq 2$

### Часть 2



B1. При каких значениях переменной произведение  $(3-2x)(5+x)(x-7)$  неотрицательно?

Ответ: \_\_\_\_\_



B2. Найдите число целых решений неравенства  $\frac{4-7x}{x-2} \geq 0.$

Ответ: \_\_\_\_\_

- В3. Укажите наибольшее целое число, которое является решением двойного неравенства  $-2 \leq \frac{x-7}{4} \leq 2$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

- В4. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} \frac{4}{x} < x \\ x - 3 \leq 0 \end{cases}$$
.

Ответ: \_\_\_\_\_

- В5. Найдите длину промежутка, служащего решением неравенства:  $4x + x^2 + 3 \leq 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант III

## Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A1. Решите неравенство:  $\frac{3-2x}{6} \leq \frac{2x+8}{9}$ .

A.  $(-\infty; -0,7]$

Б.  $\left(-\frac{10}{7}; +\infty\right)$

В.  $[-0,7; +\infty)$

Г.  $[0,7; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Решите двойное неравенство:  $-1 < 2 + 5x \leq 3$ .

A.  $-\frac{1}{5} < x \leq \frac{3}{5}$

Б.  $\frac{1}{5} < x < \frac{3}{5}$

В.  $-\frac{3}{5} \leq x < \frac{1}{5}$

Г.  $-\frac{3}{5} < x \leq \frac{1}{5}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Решите неравенство:  $|3-x| > 4$ .

A.  $(-1; 7)$

Б.  $(-\infty; -1)$

В.  $(-1; +\infty)$

Г.  $(-\infty; -1) \cup (7; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. При каких значениях  $x$  имеет смысл выражение:

$\sqrt{x(16-x^2)}$ ?

A.  $[-4; 0] \cup [4; +\infty)$

Б.  $(-\infty; -4] \cup [0; 4]$

В.  $[-4; 4]$

Г.  $[0; +\infty)$

A5. Найдите все числа, удовлетворяющие неравенству:  
 $(x - 1)^2 \leq x^2 + 2x - 3.$

- A.  $(-\infty; 1]$
- Б.  $[1; +\infty)$
- В.  $(-1; +\infty)$
- Г.  $[-1; 1]$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A6. Решите неравенство, используя метод интервалов:  
 $\frac{x^2 + 6x}{6} - \frac{2x + 3}{2} \leq 12.$

- A.  $(-\infty; -9) \cup (9; +\infty)$
- Б.  $(-9; 9)$
- В.  $[-7; 7]$
- Г.  $[-9; 9]$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A7. Найдите область определения функции:

$$y = \sqrt{\frac{(2-x)(x+9)}{x-3}}.$$

- A.  $(-\infty; 9] \cup [2; 3]$
- Б.  $(-\infty; -9] \cup [2; 3)$
- В.  $[-9; 2) \cup (3; +\infty)$
- Г.  $[-9; 3]$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A8. Найдите множество решения системы неравенств:

$$\begin{cases} 2 - 4x > 3 \\ 3x + 2 \leq 1 \end{cases}$$

- A.  $\left(-\infty; -\frac{1}{3}\right]$
- Б.  $\left(-\infty; -\frac{1}{3}\right)$
- В.  $\left(-\infty; -\frac{1}{4}\right)$
- Г.  $\left(-\frac{1}{3}; -\frac{1}{4}\right)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A9. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} \frac{3x+2}{x-1} > \frac{1}{4} \\ 4x^2 > 9 \end{cases}$$

- А.  $x > 1$   
 Б.  $x \leq -\frac{9}{11}; x > 1$   
 В.  $x < -1,5; x > 1,5$   
 Г.  $x \leq -1,5; x > 1$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Решите неравенство, используя метод интервалов:  

$$\frac{(5x+6)(9-x^2)}{4-x} \leq 0.$$

- А.  $x \leq -3; -1\frac{1}{5} \leq x \leq 3;$   
 $x > 4$   
 Б.  $-3 \leq x \leq -1\frac{1}{5};$   
 $3 \leq x < 4$   
 В.  $-3 \leq x < 4$   
 Г.  $x \leq -3; x > 4$

### Часть 2



B1. При каких значениях переменной произведение  $(2-x)(3x+4)(x+5)$  неотрицательно?

Ответ: \_\_\_\_\_



B2. Найдите число целых решений неравенства

$$\frac{6-7x}{x-4} \geq 0.$$

Ответ: \_\_\_\_\_



B3. Укажите наибольшее целое число, которое является решением двойного неравенства  $0 \leq \frac{3x-6}{4} < 4.$

Ответ: \_\_\_\_\_

В4. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} \frac{9}{x} > x \\ x - 1 \leq 0 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

В5. Найдите длину промежутка, служащего решением неравенства:  $8x - 15 - x^2 \geq 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант IV

## Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A1. Решите неравенство:  $\frac{x+3}{9} > \frac{3x-1}{15}$ .

A.  $\left(-\infty; \frac{4}{18}\right)$

Б.  $(4, 5; +\infty)$

В.  $(-\infty; 4, 5]$

Г.  $(-\infty; 4, 5)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Решите двойное неравенство:  $-4 < 2x + 3 \leq 3$ .

A.  $-3,5 < x \leq 0$

Б.  $3,5 < x \leq 0$

В.  $0 < x \leq 3,5$

Г.  $-\frac{2}{7} < x \leq 0$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Решите неравенство:  $|5 - 3x| > 6$ .

A.  $\left(-\infty; -\frac{1}{3}\right)$

Б.  $\left(-\infty; -\frac{1}{3}\right) \cup \left(\frac{11}{3}; +\infty\right)$

В.  $\left(-\frac{1}{3}; +\infty\right)$

Г.  $\left(-\frac{1}{3}; \frac{11}{3}\right)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. При каких значениях  $x$  имеет смысл выражение:  
 $\sqrt{(25 - x^2)x}$ ?

A.  $(-\infty; 5]$

Б.  $[0; +\infty)$

В.  $(-\infty; -5] \cup [0; 5]$

Г.  $[-5; 0] \cup [5; +\infty)$

A5. Найдите все числа, удовлетворяющие неравенству:  
 $(x - 3)(x + 3) \geq x^2 + 4x - 2.$

A.  $\left(-\infty; -\frac{4}{7}\right]$

Б.  $\left(-\infty; -\frac{11}{4}\right]$

В.  $\left[-\frac{7}{4}; +\infty\right)$

Г.  $\left(-\infty; -\frac{7}{4}\right]$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A6. Решите неравенство, используя метод интервалов:  
 $\frac{x^2 + 10x}{10} - \frac{2x + 5}{2} \geq 20.$

A.  $[-15; 15]$

Б.  $(-\infty; -15) \cup (15; +\infty)$

В.  $(-\infty; -15] \cup [15; +\infty)$

Г.  $(-15; 15)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A7. Найдите область определения функции:

$$y = \sqrt{\frac{(x - 4)(6 - x)}{x + 1}}.$$

A.  $(-\infty; -1) \cup [4; 6]$

Б.  $(-1; 4] \cup [6; +\infty)$

В.  $(-1; 6]$

Г.  $[4; 6]$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A8. Найдите множество решения системы неравенств:  

$$\begin{cases} 5x + 4 \geq 2 \\ 3 - 2x < 4 \end{cases}$$

A.  $\left[-\frac{2}{5}; +\infty\right)$

Б.  $\left(-\frac{1}{2}; +\infty\right)$

В.  $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right)$

Г.  $\left[-\frac{2}{5}; -\frac{1}{2}\right)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A9. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} \frac{4x-3}{x+6} < \frac{2}{3} \\ x^2 \geq 4 \end{cases}$$

- А.  $-6 < x \leq 2,1$   
 Б.  $-2 \leq x \leq 2$   
 В.  $x < -6; x \geq 2,1$   
 Г.  $-6 < x \leq -2; 2 \leq x \leq 2,1$

	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Решите неравенство, используя метод интервалов:

$$\frac{(2x+1)(x-x^2)}{x-8} \leq 0.$$

- А.  $-\frac{1}{2} \leq x \leq 0;$   
 $1 \leq x < 8$   
 Б.  $-\frac{1}{2} \leq x < 8$   
 В.  $x \leq -\frac{1}{2}; 0 \leq x \leq 1;$   
 $x > 8$   
 Г.  $x > 8; x \leq -\frac{1}{2}$

### Часть 2



B1. При каких значениях переменной произведение  $(6-2x)(x+1)(x+3)$  неотрицательно?

Ответ: \_\_\_\_\_



B2. Найдите число целых решений неравенства  $\frac{5x-3}{x+4} \leq 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



B3. Укажите наибольшее целое число, которое является решением двойного неравенства  $5 \leq \frac{3x-4}{7} < 6$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

В4. Решите систему неравенств: 
$$\begin{cases} \frac{16}{x} < x \\ x + 1 \geq 0 \end{cases}.$$

Ответ: \_\_\_\_\_

В5. Найдите длину промежутка, служащего решением неравенства:  $6x - x^2 - 8 \geq 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

## Тема II. СИСТЕМЫ УРАВНЕНИЙ

### ТЕСТ 2

#### Вариант I

#### Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A1. Напишите уравнение окружности с центром в точке  $A(3; -4)$  и радиусом 2.

A.  $(x - 3)^2 + (y - 4)^2 = 4$

Б.  $(x - 4)^2 + (y - 3)^2 = 4$

В.  $(x - 3)^2 + (y + 4)^2 = 2$

Г.  $(x - 3)^2 + (y + 4)^2 = 4$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Решите графически систему уравнений:  $\begin{cases} y = x^2 - 4 \\ y = -3 \end{cases}$ .

A.  $(-1; -3), (1; -3)$       Б.  $(1; 3), (3; 1)$

В.  $(-3; -1), (-3; 1)$       Г.  $(-1; -3)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} x - y = 7 \\ xy = -10 \end{cases}$ .

A.  $(12; 5), (9; 2)$       Б.  $(2; -5), (5; -2)$

В.  $(-5; 2), (-2; 5)$       Г.  $(17; 10), (1; -6)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите решение системы уравнений:  $\begin{cases} x^2 + y^2 + 2xy = 9 \\ x - y = 1 \end{cases}$ .

A.  $(2; 1), (-1; -2)$

Б.  $(-2; 1), (-1; -2)$

В.  $(-2; -1), (1; 2)$

Г.  $(-1; 2), (2; -1)$

A5. Найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = x^2 + 2x - 1$  и  $y = x - 1$ , не выполняя построений.

- A. (0; 1), (- 1; 2)
- Б. (- 1; 0), (- 2; - 1)
- В. (0; - 1), (- 1; - 2)
- Г. (1; 2), (0; 1)

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A6. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:  $\begin{cases} x - y = 2 \\ 3x - 2y = 9 \end{cases}$

- A. (- 1; - 3)
- Б. (5; 3)
- В. (3; 5)
- Г. (5; - 3)

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A7. Найдите решения системы уравнений методом замены переменной:  $\begin{cases} \frac{1}{xy} + \frac{1}{x+y} = \frac{1}{2} \\ x^2y + xy^2 = -2 \end{cases}$

- A. (-1; - 1), (-1; 2), (2; - 1)
- Б. (1; - 2), (- 2; 1)
- В. (- 1; - 1)
- Г. (- 1; 2), (2; - 1)

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A8. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = \frac{10}{3} \\ x - y = 6 \end{cases}$

- A. (3; 9), (9; - 3)
- Б. (9; 3)
- В. (9; 3), (3; - 9)
- Г. (3; - 9)

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A9. Найдите решения системы уравнений: 
$$\begin{cases} (x-2)(y-3) = 1 \\ \frac{x-2}{y-3} = 1 \end{cases}$$

- А. (4; 3), (1; 2)                      Б. (3; 4), (1; 2)  
 В. (2; 1), (4; 3)                      Г. (3; 4)

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Найдите целые решения системы уравнений:

$$\begin{cases} x^2 + 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + y^2 = 20 \end{cases}$$

- А. (4; 2), (-4; 2)  
 Б.  $(\pm\sqrt{10}; \mp\sqrt{10}), (-4; 2)$   
 В. (-4; 2)  
 Г. (-4; 2), (4; -2)

### Часть 2



B1. Решите задачу:

Сумма двух чисел равна 12, а их произведение равно 32. Найдите эти числа.

Ответ: \_\_\_\_\_



B2. Решите задачу:

Площадь прямоугольника равна  $14 \text{ м}^2$ . Если его длину уменьшить на 1 м, а ширину увеличить на 3 м, площадь получившегося прямоугольника будет  $30 \text{ м}^2$ . Найдите ширину первого прямоугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_



B3. Укажите в ответе значение  $x + y$ , где  $(x; y)$  — решение

системы: 
$$\begin{cases} 2x - y = 5 \\ 3x + 2y = 4 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

В4. Решите графически систему уравнений: 
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 4 \\ y = x^2 - 4 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

В5. Сколько решений имеет система (используйте графический метод решения систем уравнений):

$$\begin{cases} (x-2)^2 + y^2 = 4 \\ y = x + 3 \end{cases} ?$$

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант II

## Часть 1

а	<input checked="" type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A1. Напишите уравнение окружности с центром в точке  $B(-1; 3)$  и радиусом 5.

А.  $(x - 1)^2 + (y - 3)^2 = 25$

Б.  $(x - 1)^2 + (y - 3)^2 = 5$

В.  $(x + 1)^2 + (y - 3)^2 = 25$

Г.  $(x + 1)^2 + (y - 3)^2 = 5$

а	<input checked="" type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A2. Решите графически систему уравнений:  $\begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ y = 5 \end{cases}$

А.  $(0; 5), (0; -5)$

Б.  $(5; 0)$

В.  $(-5; 0)$

Г.  $(0; -5)$

а	<input checked="" type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A3. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} 2x + y = -1 \\ x^2 + 2y = 3 \end{cases}$

А.  $(5; -11), (-1; 1)$

Б.  $(-5; 9), (1; -3)$

В.  $(-11; 5), (1; -1)$

Г.  $(-5; -11), (1; 1)$

а	<input checked="" type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A4. Найдите решение системы уравнений:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2xy = 16 \\ x + y = -2 \end{cases}$$

А.  $(0; 20), (-2; 0)$

Б.  $(0; -2), (-2; 0)$

В.  $(0; 2), (2; 0)$

Г.  $(-2; 0), (0; 1)$

а	<input checked="" type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A5. Найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = x^2 = x + 2$  и  $y = 2x + 2$ , не выполняя построений.

А.  $(0; -2), (4; 1)$

Б.  $(-1; -4), (0; 2)$

В.  $(2; 0), (4; 1)$

Г.  $(0; 2), (1; 4)$

A6. Решите систему уравнений методом алгебраического

сложения: 
$$\begin{cases} x + 2y = 11 \\ 5x - 3y = 3 \end{cases}$$

A. (4; 3)

Б. (3; 4)

В. (3; - 4)

Г. (- 3; 4)

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A7. Найдите решения системы уравнений методом замены

переменной: 
$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{2}{3} \\ x + y = 8 \end{cases}$$

A. (6; 2)

Б. (2; 6)

В. (6; 2), (2; 6)

Г. (- 6; - 2)

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A8. Решите систему уравнений: 
$$\begin{cases} \frac{x}{y} + \frac{y}{x} = \frac{17}{4} \\ x + y = 10 \end{cases}$$

A. (2; 8)

Б. (8; 2)

В. (- 2; - 8), (- 8; - 2)

Г. (2; 8), (8; 2)

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A9. Найдите решения системы уравнений:

$$\begin{cases} \frac{x+1}{y-3} = 1 \\ (x+1)(y-3) = 4 \end{cases}$$

A. (1; 5), (- 3; 1)

Б. (1; 5)

В. (- 3; 1), (- 1; 5)

Г. (5; 1), (1; 3)

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Найдите целые решения системы уравнений:

$$\begin{cases} x^2 - xy + y^2 = 7 \\ x^2 + 2xy + 2y^2 = 5 \end{cases}$$

A. (1; 3), (- 1; - 3)

Б. (3; 1), (- 3; - 1)

В. (3; 1)

Г. (- 3; - 1)

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

Часть 2



**В1.** Решите задачу:

Разность двух чисел равна 10, а их произведение равно 119. Найдите эти числа.

Ответ: \_\_\_\_\_



**В2.** Решите задачу:

Периметр прямоугольного треугольника равен 24 см, а его гипотенуза — 10 см. Найдите катеты треугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_



**В3.** Укажите в ответе значение  $x + y$ , где  $(x; y)$  — решение

системы: 
$$\begin{cases} 3x - 2y = -8 \\ x + 3y = 1 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_



**В4.** Решите графически систему уравнений:

$$\begin{cases} (x - 2)^2 + y^2 = 4 \\ y = x^2 - 4x \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_



**В5.** Сколько решений имеет система (используйте графиче-

ский метод решения систем уравнений): 
$$\begin{cases} y - x^2 = 0 \\ y - x = 0 \end{cases} ?$$

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант III

## Часть 1

A1. Напишите уравнение окружности с центром в точке  $C(-3; -2)$  и радиусом 1.

A.  $(x - 3)^2 + (y - 2)^2 = 1$

Б.  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 = 1$

В.  $(x + 3) + (y + 2) = 1$

Г.  $(x + 3)^2 + (y + 2)^2 = 1$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A2. Решите графически систему уравнений:  $\begin{cases} x^2 + y^2 = 16 \\ x = 4 \end{cases}$ .

A.  $(4; 0), (-4; 0)$

Б.  $(4; 0)$

В.  $(0; 4)$

Г.  $(0; -4)$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A3. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} x^2 - y^2 = 8 \\ x + y = 4 \end{cases}$ .

A.  $(1; 3)$

Б.  $(5; -1)$

В.  $(3; 1)$

Г.  $(-3; 1)$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A4. Найдите решение системы уравнений:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2xy = 1 \\ x + y = 3 \end{cases}$$

A.  $(-2; 5), (5; -2)$

Б.  $(-2; 1), (1; 2)$

В.  $(2; 1), (1; 2)$

Г.  $(2; 1), (-1; -2)$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A5. Найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = x^2 - 4x + 1$  и  $y = x - 3$ , не выполняя построений.

A.  $(4; 1), (1; -2)$

Б.  $(1; 4), (-2; 1)$

В.  $(-4; 1), (1; -2)$

Г.  $(4; 1), (1; 2)$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>



## Часть 2

В1. Решите задачу:

Разность двух чисел равна 7, а их произведение равно 18. Найдите эти числа.

Ответ: \_\_\_\_\_

В2. Решите задачу:

Диагональ прямоугольника равна 13 см, а его периметр равен 34 см. Найдите стороны прямоугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_

В3. Укажите в ответе значение  $x + y$ , где  $(x; y)$  — решение

системы: 
$$\begin{cases} 2x - 3y = 5 \\ 3x + y = 2 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

В4. Решите графически систему уравнений:

$$\begin{cases} y - x^2 = 0 \\ x^2 + (y - 4)^2 = 4 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

В5. Сколько решений имеет система (используйте графический метод решения систем уравнений)

$$\begin{cases} x^2 - y = 0 \\ 2x - y = -4 \end{cases} ?$$

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант IV

## Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A1. Напишите уравнение окружности с центром в точке  $D(5; 6)$  и радиусом 3.

A.  $(x - 5)^2 + (y - 6)^2 = 9$

Б.  $(x - 5)^2 + (y - 6)^2 = 3$

В.  $(x + 5)^2 + (y + 6)^2 = 9$

Г.  $(x - 6)^2 + (y - 5)^2 = 9$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Решите графически систему уравнений: 
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 9 \\ x = -3 \end{cases}$$

A.  $(-3; 0), (3; 0)$

Б.  $(0; -3)$

В.  $(-3; 0)$

Г.  $(0; 3)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Решите систему уравнений: 
$$\begin{cases} x - y = 1 \\ x^2 - y^2 = 7 \end{cases}$$

A.  $(3; 4)$

Б.  $(-4; -3)$

В.  $(-3; -4)$

Г.  $(4; 3)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите решение системы уравнений: 
$$\begin{cases} x^2 + y^2 + 2xy = 4 \\ x - y = 4 \end{cases}$$

A.  $(3; 1), (1; -3)$

Б.  $(3; -1), (1; -3)$

В.  $(3; -1), (1; 3)$

Г.  $(-1; 3), (-3; 1)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A5. Найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = -x^2 - 2x + 1$  и  $y = -x - 1$ , не выполняя построений.

A.  $(2; 1), (1; 2)$

Б.  $(-2; 1), (1; 2)$

В.  $(-2; 1), (1; -2)$

Г.  $(-2; -1), (-1; -2)$

A6. Решите систему уравнений методом алгебраического

сложения: 
$$\begin{cases} 2x - y = 5 \\ 3x + 2y = 4 \end{cases}$$

A. (-1; 2)

Б. (1; 2)

В. (-2; -1)

Г. (2; -1)

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A7. Найдите решения системы уравнений методом замены

переменной: 
$$\begin{cases} x + y + xy = 14 \\ x + y - xy = -2 \end{cases}$$

A. (2; 4)

Б. (4; 2)

В. (2; 4), (4; 2)

Г. (8; 6)

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A8. Решите систему уравнений:

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{3}{8} \\ x + y = 12 \end{cases}$$

A. (4; 8), (8; 4)

Б. (4; 8)

В. (8; 4)

Г. (-4; 8), (8; 4)

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A9. Найдите решения системы уравнений:

$$\begin{cases} (x - 2)(y + 2) = -4 \\ x - y = -1 \end{cases}$$

A. (1; 2)

Б. (1; 2), (-2; -1)

В. (-2; -1)

Г. (-1; 2), (2; -1)

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A10. Найдите целые решения системы уравнений:

$$\begin{cases} x^2 + xy + 2y^2 = 8 \\ x^2 + 2xy - y^2 = 2 \end{cases}$$

A. (-3; 1), (3; -1)

Б. (1; -3), (3; -1)

В. (-1; -3)

Г. (3; -1), (-3; 1),  $\left(\pm\sqrt{\frac{2}{7}}; \pm\sqrt{\frac{2}{7}}\right)$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

Часть 2

 В1. Решите задачу:

Сумма двух чисел равна 20, а их произведение равно 75. Найдите эти числа.

Ответ: \_\_\_\_\_

 В2. Решите задачу:

Прямоугольный участок земли площадью 3200 м<sup>2</sup> обнесен изгородью, длина которой 220 м. Найдите длину и ширину этого участка.

Ответ: \_\_\_\_\_

 В3. Укажите в ответе значение  $x + y$ , где  $(x; y)$  — решение

системы: 
$$\begin{cases} 5x + 2y = -3 \\ x - 3y = -4 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

 В4. Решите графически систему уравнений:

$$\begin{cases} y = x^2 - 6 \\ x^2 + (y + 2)^2 = 4 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_

 В5. Сколько решений имеет система (используйте графический метод решения систем уравнений) 
$$\begin{cases} xy = 6 \\ y = x \end{cases} ?$$

Ответ: \_\_\_\_\_

# Тема III. ЧИСЛОВЫЕ ФУНКЦИИ

## ТЕСТ 3

### Вариант I

#### Часть 1

A1. Выразите  $x$  через  $y$ :  $y = \frac{2}{x-1} - 1$ .

A.  $x = \frac{2}{y-1} + 1$

Б.  $x = \frac{2}{y+1} + 1$

В.  $x = \frac{2}{y-1} - 1$

Г.  $x = \frac{y-1}{2} + 1$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A2. Найдите область определения функции  $f(x) = \sqrt{\frac{x-3}{x+2}}$ .

A.  $x < -2$ ;  $x \geq 3$

Б.  $x \geq 3$

В.  $-2 < x \leq 3$

Г.  $x \neq -2$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A3. Найдите область значений функции  $y = 5 - \sqrt{x^2 - 4x + 8}$ .

A.  $[5; +\infty)$

Б.  $(3; +\infty)$

В.  $[0; +\infty)$

Г.  $[3; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите значения функции  $f(x) = \frac{\sqrt{x+1}}{3x-1}$  при заданном значении аргумента:  $x = 3$ .

A. 2

Б. 0

В.  $\frac{1}{4}$

Г.  $\frac{1}{3}$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

а

б

в

г

A5. Найдите наименьшее значение функции  $y = x^2 + 2x - 1$ .

- A. - 1                                      Б. 2  
B. - 2                                      Г. 1

а

б

в

г

A6. Найдите значение аргумента  $x$ , при котором функция

$$g(x) = \frac{x^2 - 25}{\sqrt{x + 5}}$$

равна нулю.

- A. 5; - 5  
B. 25  
B. такого значения не существует  
Г. 5

а

б

в

г

A7. Укажите промежутки возрастания функции

$$p(x) = x^2 - 6x + 13.$$

- A. [-6; 13]                                      Б. [3; +∞)  
B. [13; +∞)                                      Г. [-6; +∞)

а

б

в

г

A8. Укажите функцию, которая является четной.

- A.  $f(x) = x^3(2x - x^2)$                                       Б.  $f(x) = 4x^6 - x^4$   
B.  $f(x) = 3x^3(x - 1)$                                       Г.  $f(x) = \frac{x^2}{x - 1}$

а

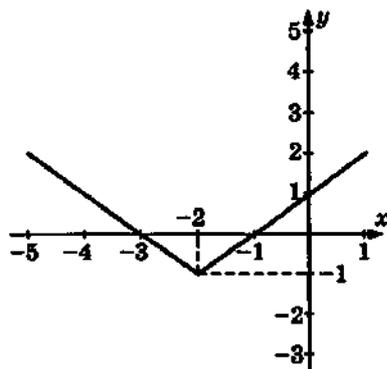
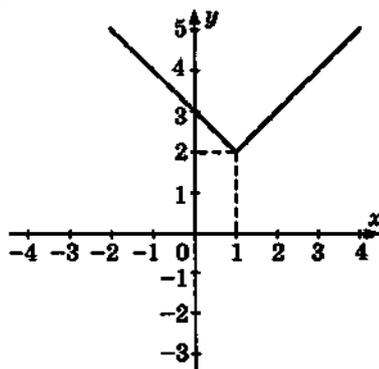
б

в

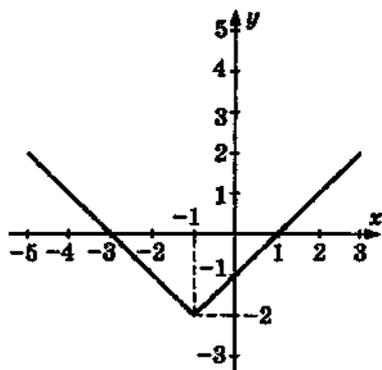
г

A9. Укажите график функции  $y = |x - 1| + 2$ .

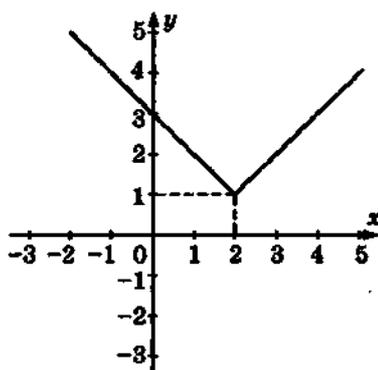
- A.    Б.



В.



Г.



А10. Укажите точку, принадлежащую графику функции

$$f(x) = \frac{x-3}{x+1}$$

А.  $A(3; 1)$

Б.  $B\left(2; \frac{1}{3}\right)$

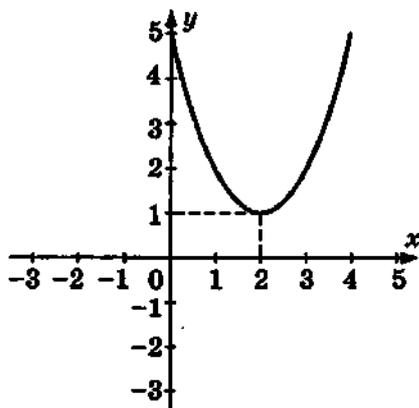
В.  $C(3; 0)$

Г.  $D(1; 2)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

### Часть 2

В1. Задайте формулой функцию, график которой изображен на рисунке:



Ответ: \_\_\_\_\_



В2. Найдите область определения функции  $y = \sqrt{\frac{x^2 - 4}{x(x + 1)}}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Определите, при каких значениях аргумента функция  $f(x) = 9 - 1,5x$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В4. При каких значениях  $x$  выполняется равенство  $f(x) = 24$ , если функция задана формулой  $f(x) = x^2 - 2x$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Укажите наименьшее и наибольшее значение функции  $g(x) = -x^2 + 3$  на отрезке  $[-1; 4]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

**Вариант II**

**Часть 1**

A1. Выразите  $x$  через  $y$ :  $y = \frac{3}{x+1} - 2$ .

A.  $x = \frac{3}{y+2} + 1$

Б.  $x = \frac{y+2}{3} - 1$

В.  $x = \frac{3}{y+2} - 1$

Г.  $x = \frac{3}{y+2} + 1$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Найдите область определения функции  $f(x) = \sqrt{\frac{3x+2}{6-x}}$ .

A.  $x \geq -\frac{2}{3}$

Б.  $-\frac{2}{3} \leq x < 6$

В.  $x \neq 6$

Г.  $x \leq -\frac{2}{3}; x > 6$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Найдите область значений функции

$$y = 3 + \sqrt{x^2 - 6x + 13}$$

A.  $[5; +\infty)$

Б.  $[3; +\infty)$

В.  $[4; +\infty)$

Г.  $[0; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите значения функции  $f(x) = \frac{2x+1}{\sqrt{3x+1}}$  при заданном значении аргумента:  $x = 1$ .

A. 3

Б.  $1\frac{1}{2}$

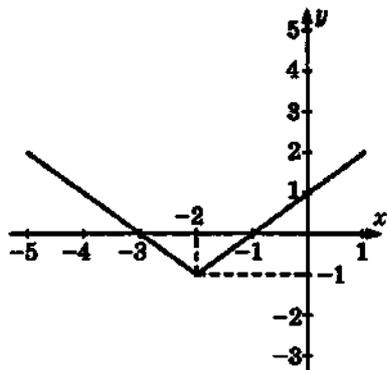
В. 0

Г.  $\frac{3}{4}$

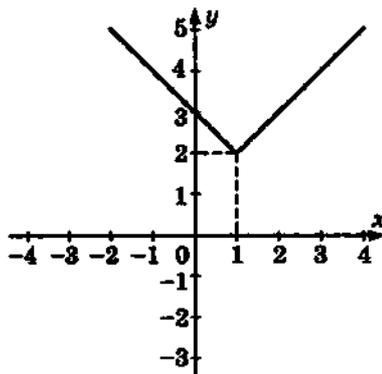
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>



В.



Г.



A10. Укажите точку, принадлежащую графику функции

$$f(x) = \frac{2x - 1}{x + 2}.$$

A.  $A\left(1; \frac{1}{2}\right)$

Б.  $B\left(0; \frac{1}{3}\right)$

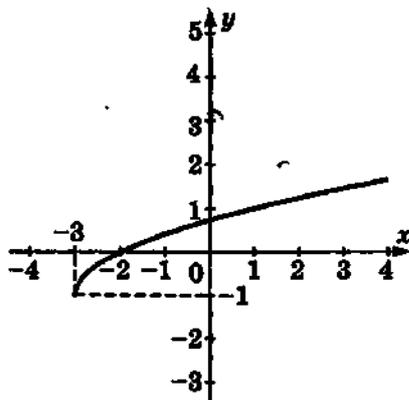
В.  $C\left(2; \frac{1}{4}\right)$

Г.  $D\left(1; \frac{1}{3}\right)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**Часть 2**

B1. Задайте формулой функцию, график которой изображен на рисунке:



Ответ: \_\_\_\_\_





В2. Найдите область определения функции  $y = \sqrt{\frac{x(x+3)}{x^2-9}}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Определите, при каких значениях аргумента функция  $f(x) = 7 - 1,4x$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В4. При каких значениях  $x$  выполняется равенство  $f(x) = -6$ , если функция задана формулой  $f(x) = x^2 - 5x$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Укажите наименьшее и наибольшее значения функции  $g(x) = \frac{3}{x-2} + 1$  на отрезке  $[-1; 4]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

Вариант III

Часть 1

A1. Выразите  $x$  через  $y$ :  $y = \frac{3}{2-x} - 1$ .

A.  $x = 2 - \frac{3}{y+1}$

Б.  $x = \frac{3}{y+1} + 2$

В.  $x = \frac{y+1}{3} + 2$

Г.  $x = -2 - \frac{3}{y+1}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Найдите область определения функции  $f(x) = \sqrt{\frac{4-x}{5+3x}}$ .

A.  $x \leq 4$

Б.  $x \geq 0$

В.  $x \neq -1\frac{2}{3}$

Г.  $-1\frac{2}{3} < x \leq 4$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Найдите область значений функции

$$y = 2 - \sqrt{x^2 + 8x + 20}.$$

A.  $[2; +\infty)$

Б.  $[4; +\infty)$

В.  $[0; +\infty)$

Г.  $(0; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите значения функции  $f(x) = \frac{\sqrt{3-3x}}{x+4}$  при заданном значении аргумента:  $x = -2$ .

A. 3

Б.  $\frac{2}{3}$

В.  $1\frac{1}{2}$

Г. 0

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A5. Найдите наименьшее значение функции  $y = x^2 - 2x + 3$ .

A. -2

Б. 2

В. 3

Г. 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

а

б

в

г

А6. Найдите значение аргумента  $x$ , при котором функция

$$g(x) = \frac{x^2 - 16}{\sqrt{x - 4}}$$

равна нулю.

- А. 4; - 4  
 Б. такого значения не существует  
 В. 4  
 Г. 16

а

б

в

г

А7. Укажите промежутки возрастания функции

$$p(x) = -x^2 - 4x - 1.$$

- А.  $(-\infty; -1]$   
 Б.  $(-\infty; 2]$   
 В.  $(-\infty; -2]$   
 Г.  $[-4; -1]$

а

б

в

г

А8. Укажите функцию, которая является четной.

- А.  $f(x) = \frac{x}{x^2 + 3}$   
 Б.  $f(x) = 2x^7 - 4x$   
 В.  $f(x) = 7x^2 - x^{10}$   
 Г.  $f(x) = 5x^6 - 6x^5$

а

б

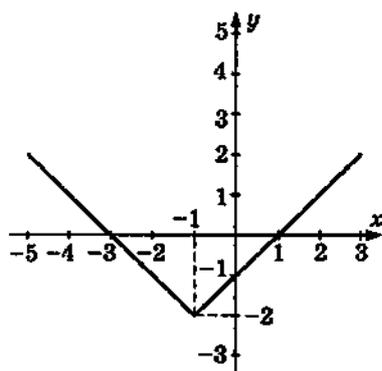
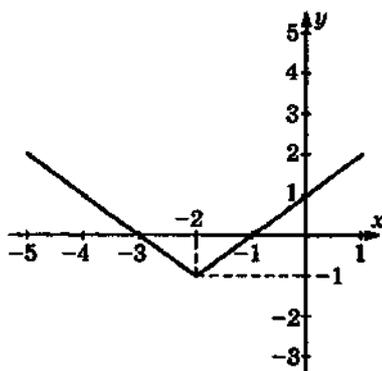
в

г

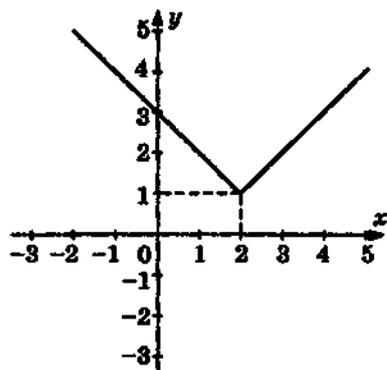
А9. Укажите график функции  $y = |x + 1| - 2$ .

А.

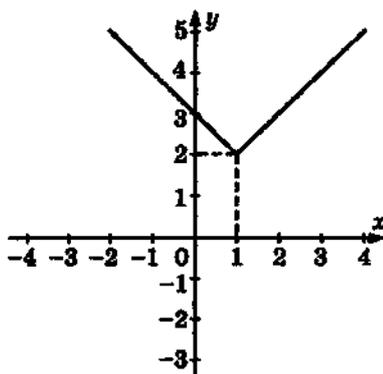
Б.



В.



Г.



A10. Укажите точку, принадлежащую графику функции

$$f(x) = \frac{x+4}{2x-1}$$

А.  $A(0; -4)$

Б.  $B(0; 4)$

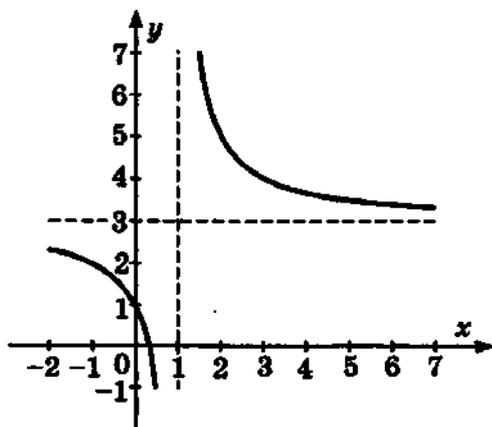
В.  $C(1; -5)$

Г.  $D(-1; 3)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

### Часть 2

B1. Задайте формулой функцию, график которой изображен на рисунке:



Ответ: \_\_\_\_\_



В2. Найдите область определения функции  $y = \sqrt{\frac{x^2 - 16}{x(x - 2)}}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Определите, при каких значениях аргумента функция  $f(x) = x^2 - 2x - 3$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В4. При каких значениях  $x$  выполняется равенство  $f(x) = -5$ , если функция задана формулой  $f(x) = -6x^2 - x$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Укажите наименьшее и наибольшее значение функции  $g(x) = |x + 2|$  на отрезке  $[-3; 2]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

**Вариант IV**

**Часть 1**

A1. Выразите  $x$  через  $y$ :  $y = \frac{1}{3-x} - 2$ .

A.  $x = \frac{1}{y+2} - 3$

Б.  $x = y + 2 - \frac{1}{3}$

В.  $x = -3 - \frac{1}{y+2}$

Г.  $x = 3 - \frac{1}{y+2}$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A2. Найдите область определения функции  $f(x) = \sqrt{\frac{2x-1}{3-x}}$ .

A.  $x \geq \frac{1}{2}$

Б.  $x \neq 3$

В.  $\frac{1}{2} \leq x < 3$

Г.  $x \geq 0$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A3. Найдите область значений функции  $y = 1 + \sqrt{x^2 + 2x + 5}$ .

A.  $[1; +\infty)$

Б.  $[3; +\infty)$

В.  $[5; +\infty)$

Г.  $[0; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите значения функции  $f(x) = \frac{2x+3}{\sqrt{5-4x}}$  при заданном значении аргумента  $x = -1$ .

A.  $\frac{1}{3}$

Б. 3

В. 1

Г. 0

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A5. Найдите наименьшее значение функции  $y = \sqrt{x-1} - 2$ .

A. - 2

Б. - 1

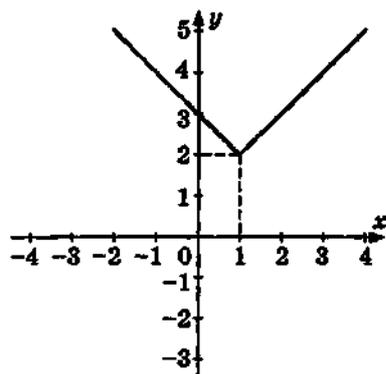
В. 2

Г. 1

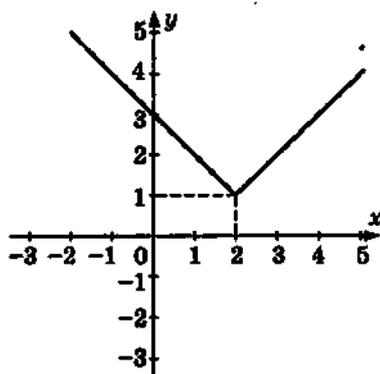
<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>



В.



Г.



A10. Укажите точку, принадлежащую графику функции

$$f(x) = \frac{3x + 1}{x - 2}$$

А. А (1; 4)

Б. В(1; - 4)

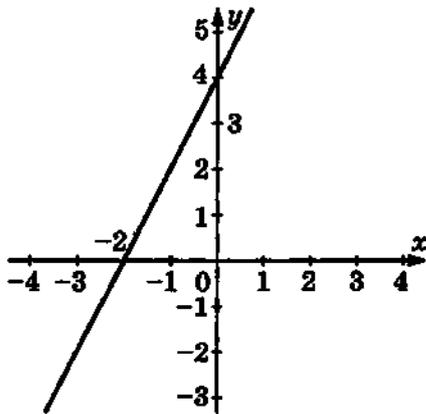
В. С(0; 1)

Г. D(-1; - $\frac{2}{3}$ )

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

### Часть 2

B1. Задайте формулой функцию, график которой изображен на рисунке:



Ответ: \_\_\_\_\_



В2. Найдите область определения функции  $y = \sqrt{\frac{x(x-5)}{x^2-25}}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Определите, при каких значениях аргумента функция  $f(x) = -x^2 + 2x + 3$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В4. При каких значениях  $x$  выполняется равенство  $f(x) = 3$ , если функция задана формулой  $f(x) = -2x^2 + 5x$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Укажите наименьшее и наибольшее значение функции  $g(x) = x^2 + 2x + 4$  на отрезке  $[0; 3]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

# Тема IV. ФУНКЦИИ $y = x^n$ ( $n \in \mathbb{N}$ ), ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ

## ТЕСТ 4

### Вариант I

#### Часть 1

- A1. Укажите степенную функцию с натуральным показателем.

A.  $y = \frac{x^2 - 2}{x}$

Б.  $y = \sqrt{2x + 1}$

В.  $y = x^4$

Г.  $y = \frac{x^4 + 6}{x - 1}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A2. Определите, какая из функций является возрастающей на всей области определения.

A.  $y = x^7$

Б.  $y = x^4$

В.  $y = \frac{6}{x}$

Г.  $y = -2x + 1$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A3. Не выполняя построения, найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = x^2 - 1$  и  $y = 8$ .

A. - 3; 3

Б. - 3

В. 3

Г. 9

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A4. Найдите наибольшее значение функции  $y = x^4$  на отрезке  $[-2; 3]$ .

A. 16

Б. 27

В. 64

Г. 81

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

а

б

в

г

A5. Найдите наименьшее значение функции  $y = x^3$  на отрезке  $[-2; 3]$ .

- A. 8  
B. 27  
B. - 8  
Г. - 6

а

б

в

г

A6. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^6 \\ y = -2x - 4 \end{cases}$$

- A. 2  
B. 3  
B. 1  
Г. 0

а

б

в

г

A7. Найдите промежуток возрастания функции  $y = (x - 3)^4$ .

- A.  $[3; +\infty)$   
B.  $[-3; +\infty)$   
B.  $(-\infty; +\infty)$   
Г.  $[4; +\infty)$

а

б

в

г

A8. Решите графически уравнение  $\frac{1}{x} = x^3$ .

- A. 1  
B. - 1  
B. 1; - 1  
Г. нет решений

а

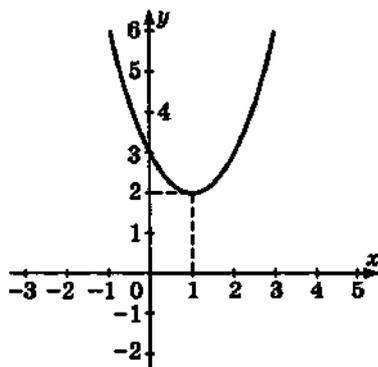
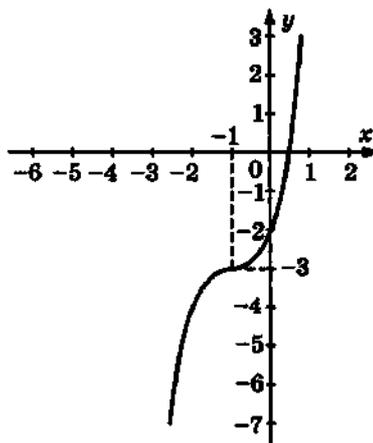
б

в

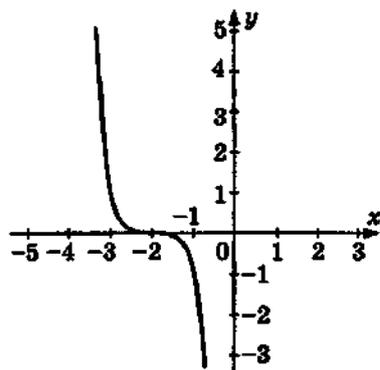
г

A9. Какой график соответствует функции, заданной формулой  $y = -(x + 2)^5$ ?

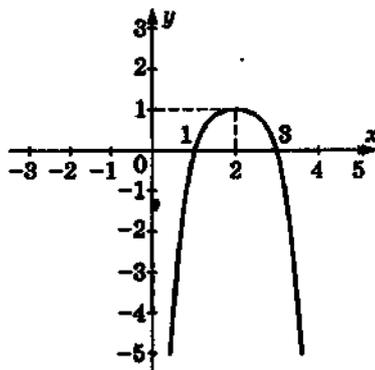
- A. B.



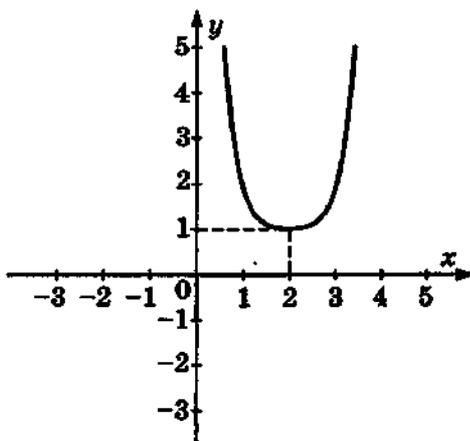
В.



Г.



A10. Какой формулой задана функция, график которой изображен на рисунке?



<input checked="" type="checkbox"/>	а
<input type="checkbox"/>	б
<input type="checkbox"/>	в
<input type="checkbox"/>	г

А.  $y = (x - 2)^4 + 1$

Б.  $y = (x + 2)^4 - 1$

В.  $y = (x - 2)^4 - 1$

Г.  $y = (x + 1)^4 + 2$

**Часть 2**

В1. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  $y = (x - 1)^6$  на отрезке  $[0; 2]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_





**B2.** Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^4 \\ y = -x^2 + 3 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_



**B3.** Укажите область значений функции  $y = (x - 3)^4 + 7$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

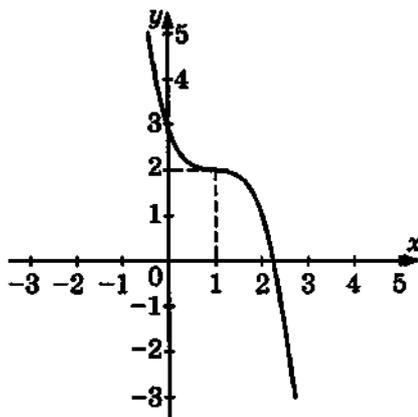


**B4.** Укажите в ответе сумму координат точек, в которых пересекаются графики функций  $y = x^5$  и  $y = 11x + 10$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



**B5.** Функция задана графически. Запишите формулу, которой задается эта функция.



Ответ: \_\_\_\_\_

**Вариант II**

**Часть 1**

- A1.** Укажите степенную функцию с натуральным показателем.

A.  $y = \frac{x^5 + 1}{x^2}$

Б.  $y = \sqrt{\frac{1}{x}}$

В.  $y = \frac{\sqrt{x+1}}{3}$

Г.  $y = x^5$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A2.** Определите, какая из функций является возрастающей на всей области определения.

A.  $y = x^2$

Б.  $y = x^5$

В.  $y = -3x - 4$

Г.  $y = \frac{7}{x}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A3.** Не выполняя построения, найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = x^4$  и  $y = 16$ .

A. 2

Б. - 2

В. 16

Г. 2; - 2

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A4.** Найдите наибольшее значение функции  $y = x^4$  на отрезке  $[-1; 3]$ .

A. 27

Б. 16

В. 81

Г. 64

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A5.** Найдите наименьшее значение функции  $y = x^3$  на отрезке  $[2; 4]$ .

A. - 8

Б. 8

В. 4

Г. - 16

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

а

б

в

г

A6. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^5 \\ y = 8 - 3x \end{cases}$$

A. 0

Б. 2

В. 1

Г. 3

а

б

в

г

A7. Найдите промежуток возрастания функции  $y = x^7 + 3$ .

A.  $[3; +\infty)$

Б.  $(-\infty; +\infty)$

В.  $[-3; +\infty)$

Г.  $[7; +\infty)$

а

б

в

г

A8. Решите графически уравнение  $x^3 = -\frac{1}{x}$ .

A. -1; 1

Б. -1

В. 1

Г. нет решений

а

б

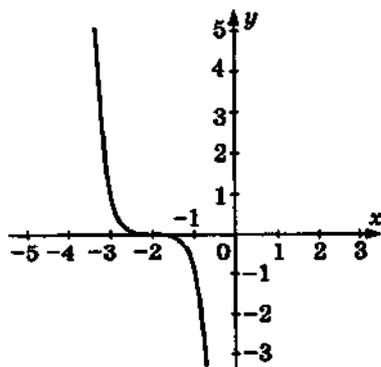
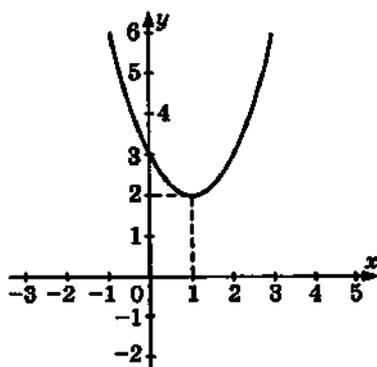
в

г

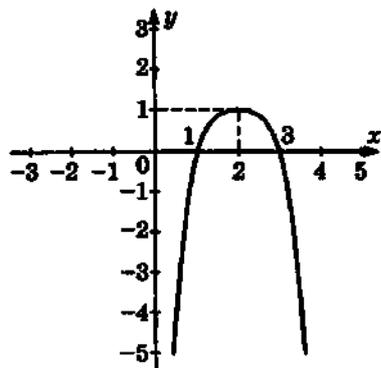
A9. Какой график соответствует функции, заданной формулой  $y = (x - 1)^2 + 2$ ?

A.

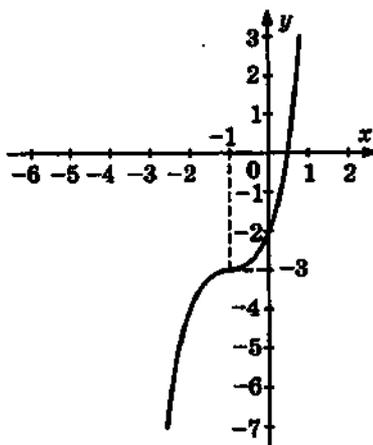
Б.



В.

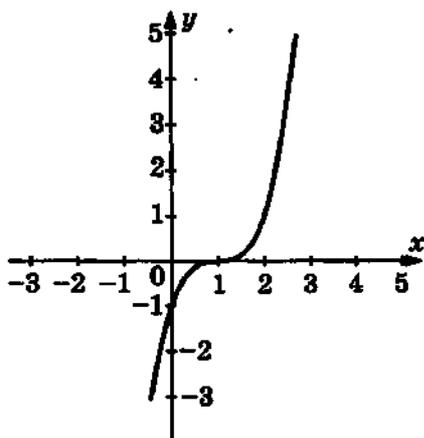


Г.



A10. Какой формулой задана функция, график которой изображен на рисунке?

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>



А.  $y = (x + 1)^3$

Б.  $y = (x - 1)^3$

В.  $y = x^3 + 1$

Г.  $y = x^3 - 1$

**Часть 2**

В1. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  $y = x^3 - 1$  на отрезке  $[-1; 2]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_





**B2.** Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = (x - 1)^3 \\ y = \frac{1}{x} \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_



**B3.** Укажите область значений функции  $y = (x + 3)^6 - 4$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

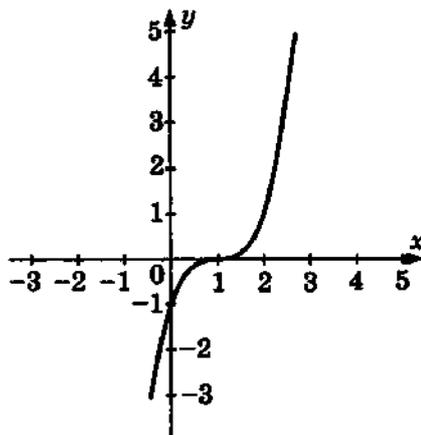


**B4.** Укажите в ответ сумму координат точек, в которых пересекаются графики функций  $y = -x^3$  и  $y = 2x + 12$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



**B5.** Функция задана графически. Запишите формулу, которой задается эта функция.



Ответ: \_\_\_\_\_

**Вариант III**

**Часть 1**

- A1.** Укажите степенную функцию с натуральным показателем.

А.  $y = x^3$ 
Б.  $y = \frac{x^3 - 3}{x}$   
 В.  $y = \sqrt{x}$ 
Г.  $y = \sqrt{\frac{x+1}{6}}$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

- A2.** Определите, какая из функций является возрастающей на всей области определения.

А.  $y = -x + 3$   
 Б.  $y = \frac{4}{x}$   
 В.  $y = x^3$   
 Г.  $y = x^2 + 2$

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

- A3.** Не выполняя построения, найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = x^3 - 2$  и  $y = 25$ .

А. - 3
 Б. - 3; 3  
 В. 3
 Г. 27

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

- A4.** Найдите наибольшее значение функции  $y = x^4$  на отрезке  $[-3; 1]$ .

А. 64
 Б. 16  
 В. 27
 Г. 81

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

- A5.** Найдите наименьшее значение функции  $y = x^3$  на отрезке  $[-3; 2]$ .

А. - 6
 Б. - 8  
 В. - 27
 Г. 8

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

а

б

в

г

А6. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^4 \\ y = 3x + 6 \end{cases}$$

- А. 1  
Б. 2  
В. 0  
Г. 3

а

б

в

г

А7. Найдите промежуток возрастания функции  $y = (x + 6)^2$ .

- А.  $(-\infty; +\infty)$   
Б.  $[6; +\infty)$   
В.  $[-6; +\infty)$   
Г.  $[8; +\infty)$

а

б

в

г

А8. Решите графически уравнение  $x^4 = \frac{1}{x}$ .

- А. - 1; 1  
Б. 1  
В. нет решений  
Г. - 1

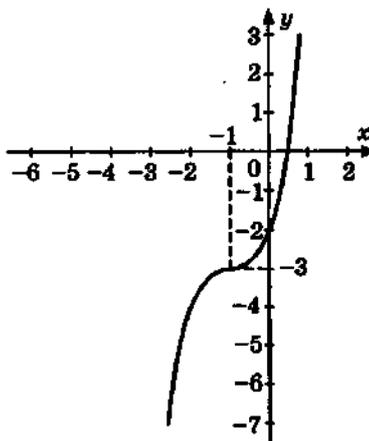
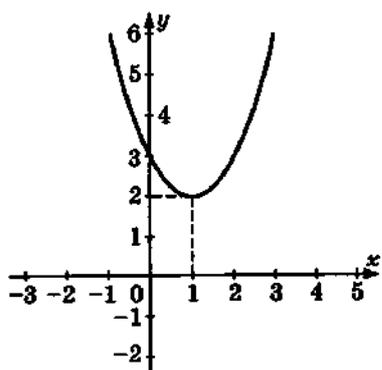
а

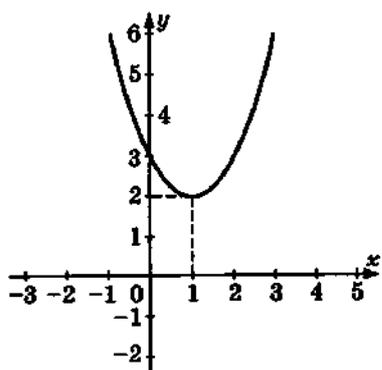
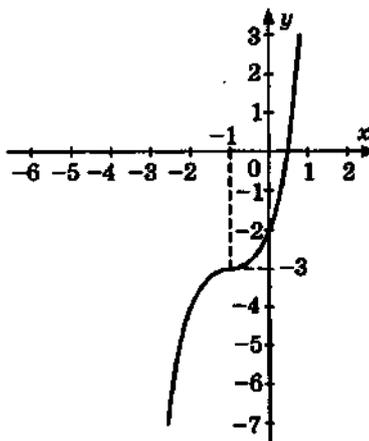
б

в

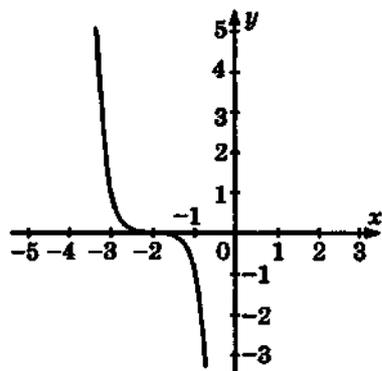
г

А9. Какой график соответствует функции, заданной формулой  $y = (x + 1)^3 - 3$ ?

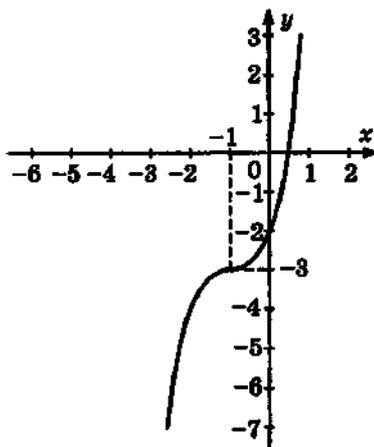
- А.  Б. 



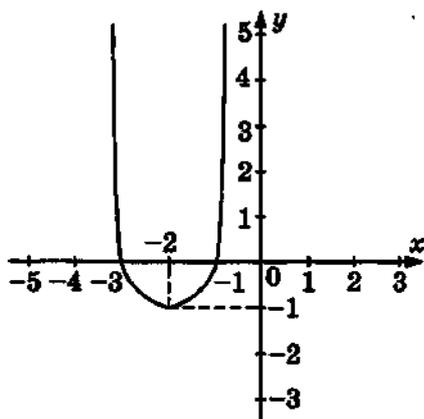
В.



Г.



A10. Какой формулой задана функция, график которой изображен на рисунке?



<input checked="" type="checkbox"/>
а
б
в
г

A.  $y = (x - 2)^6 - 1$

Б.  $y = (x + 2)^6 + 1$

В.  $y = (x + 2)^6 - 1$

Г.  $y = (x - 2)^6 + 1$

**Часть 2**

B1. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  $y = (x + 1)^4$  на отрезке  $[-2; 1]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_





В2. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^3 \\ y = -\frac{1}{x} \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Укажите область значений функции  $y = (x - 2)^3 - 5$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

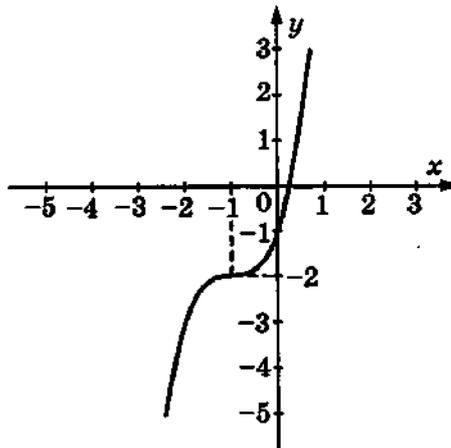


В4. Укажите в ответе сумму координат точек, в которых пересекаются графики функций  $y = x^4$  и  $y = 5x + 6$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Функция задана графически. Запишите формулу, которой задается эта функция.



Ответ: \_\_\_\_\_

**Вариант IV**

**Часть 1**

**A1.** Укажите степенную функцию с натуральным показателем.

A.  $y = \frac{x^2 - 3}{4x}$

Б.  $y = x^2$

В.  $y = \sqrt{\frac{x^2 - 1}{x}}$

Г.  $y = \sqrt{x - 4}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A2.** Определите, какая из функций является возрастающей на всей области определения.

A.  $y = x^4 - 1$

Б.  $y = -5x - 2$

В.  $y = \frac{3}{x}$

Г.  $y = x^9$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A3.** Не выполняя построения, найдите координаты точек пересечения графиков функций  $y = x^5 - 2$  и  $y = 30$ .

A. - 2; 2

Б. - 2

В. 2

Г. 32

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A4.** Найдите наибольшее значение функции  $y = x^4$  на отрезке  $[-3; 2]$ .

A. 81

Б. 27

В. 64

Г. 16

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A5.** Найдите наименьшее значение функции  $y = x^3$  на отрезке  $[-4; -2]$ .

A. 8

Б. - 64

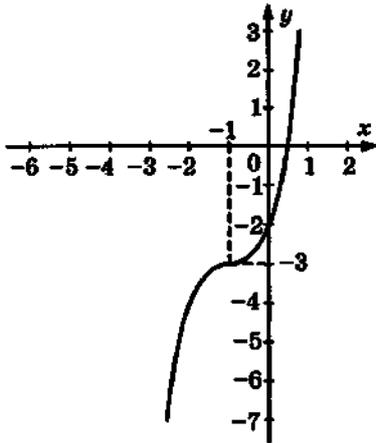
В. - 8

Г. - 16

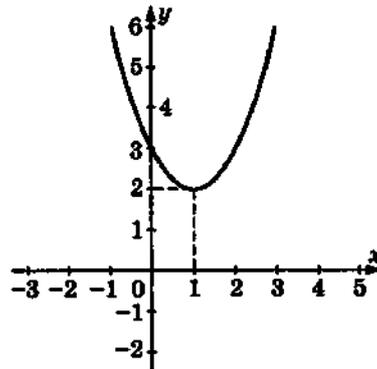
<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>



В.

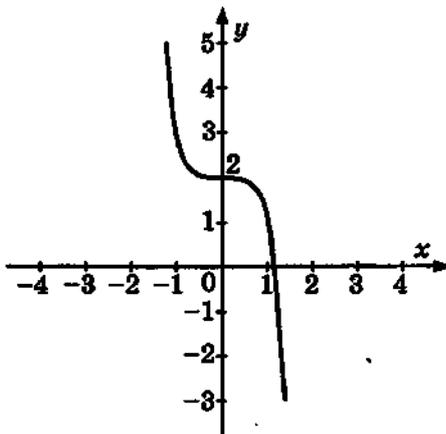


Г.



A10. Какой формулой задана функция, график которой изображен на рисунке?

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>



А.  $y = x^5 + 2$

Б.  $y = -(x + 2)^5$

В.  $y = -x + 2$

Г.  $y = -x^5 + 2$

**Часть 2**

В1. Найдите наименьшее и наибольшее значения функции  $y = (x - 1)^3$  на отрезке  $[-2; 2]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_





В2. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = -x^6 \\ y = x^4 - 3 \end{cases}$$

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Укажите область значений функции  $y = -(x + 6)^5 + 8$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

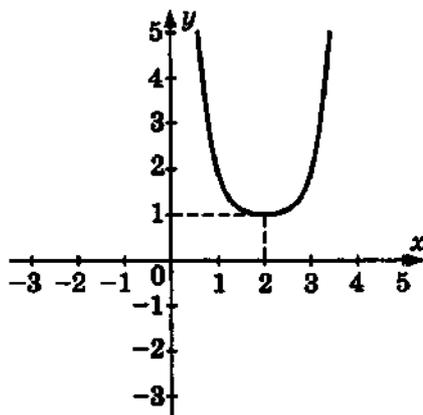


В4. Укажите в ответе сумму координат точек, в которых пересекаются графики функций  $y = -x^4$  и  $y = -1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Функция задана графически. Запишите формулу, которой задается эта функция.



Ответ: \_\_\_\_\_

# Тема V. ФУНКЦИИ $y = x^{-n}$ ( $n \in N$ ), ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ

## ТЕСТ 5

### Вариант I

#### Часть 1

A1. Укажите область определения функции

$$f(x) = \frac{1}{(x-3)^3} + 1.$$

A.  $(-\infty; 3)$

Б.  $(-\infty; 3) \cup (3; +\infty)$

В.  $(-3; 1)$

Г.  $(3; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Укажите область значений функции  $y = x^{-4} + 2$ .

A.  $(0; +\infty)$

Б.  $(-\infty; -4)$

В.  $(-\infty; +\infty)$

Г.  $(2; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Найдите точки пересечения графиков функций

$$f(x) = -\frac{1}{x^3} \text{ и } g(x) = -x.$$

A.  $(-1; 1), (1; -1)$

Б.  $(-1; 1)$

В.  $(1; -1)$

Г. такие точки не существуют

<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^{-5} \\ y = 2 \end{cases}$$

A. 2

Б. 3

В. 1

Г. 0

<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A5. Найдите наибольшее значение функции  $y = x^{-3}$  на отрезке  $[1; 3]$ .

- А. 27  
 Б. 1  
 В.  $\frac{1}{27}$   
 Г.  $\frac{1}{3}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A6. Найдите наименьшее значение функции  $y = x^{-5}$  на промежутке  $(-2; 1]$ .

- А.  $-\frac{1}{32}$   
 Б.  $\frac{1}{32}$   
 В.  $-\frac{1}{2}$   
 Г. не существует

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A7. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^{-3} + 2 \\ y = x^2 + 2 \end{cases}$$

- А. 0  
 Б. 1  
 В. 2  
 Г. 3

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A8. Какая из точек принадлежит графику функции  $f(x) = x^{-3} - 1$ ?

- А. (1; 0)  
 Б. (1; 2)  
 В. (-3; -1)  
 Г. (1; -3)

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

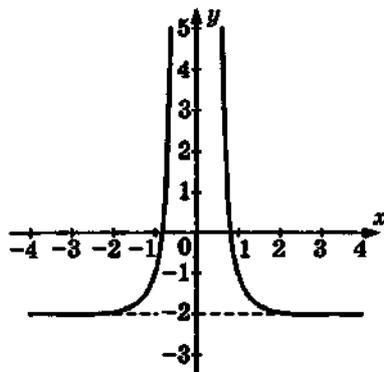
A9. Найдите нули функции  $y = x^{-7} - 1$ .

- А. -1 и 1  
 Б. -1  
 В. 1  
 Г. не существует

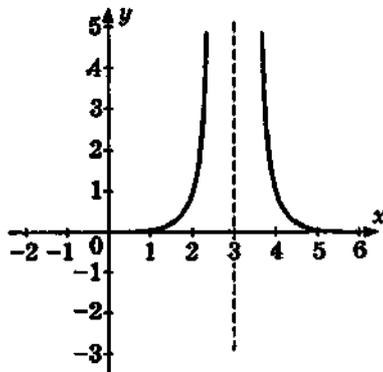
A10. Какой график соответствует функции, заданной формулой  $y = x^{-5} + 1$ ?

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

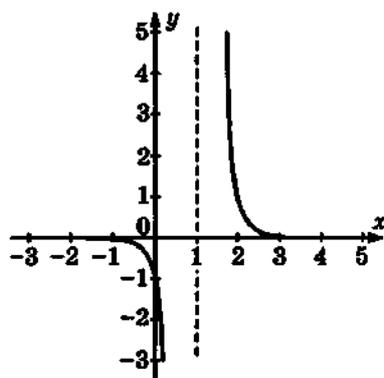
А.



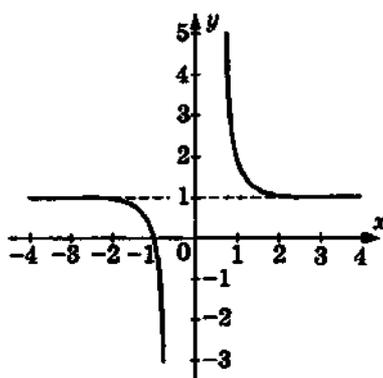
Б.



В.



Г.



## Часть 2

B1. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  $f(x) = (x - 1)^{-2} + 3$  на отрезке  $[-2; 2]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

B2. Постройте график функции  $y = (x - 1)^{-2} - 1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Решите графически неравенство  $x^{-3} \leq \sqrt{x}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

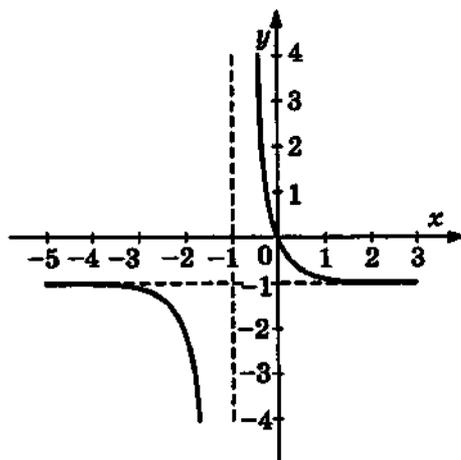


В4. Укажите все значения аргумента, при которых функция  $g(x) = x^{-4} - 1$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Функция задана графически. Запишите в ответе формулу, задающую данную функцию.



Ответ: \_\_\_\_\_

**Вариант II**

**Часть 1**

**A1.** Укажите область определения функции

$$f(x) = \frac{1}{(x+3)^2} - 1.$$

- А.  $(-\infty; -3) \cup (-3; +\infty)$
- Б.  $(-3; 1)$
- В.  $(-3; +\infty)$
- Г.  $(3; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A2.** Укажите область значений функции  $y = x^{-3} - 1$ .

- А.  $(-\infty; 1)$
- Б.  $(-1; +\infty)$
- В.  $(-\infty; -1) \cup (-1; +\infty)$
- Г.  $(-3; -1)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A3.** Найдите точки пересечения графиков функций

$$f(x) = x^{-6} + 1 \text{ и } g(x) = -1.$$

- А.  $(-1; 1)$
- Б. такие точки не существуют
- В.  $(-1; -1)$
- Г.  $(1; 1)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A4.** Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^{-3} \\ y = -x \end{cases}$$

- А. 3
- Б. 1
- В. 2
- Г. 0

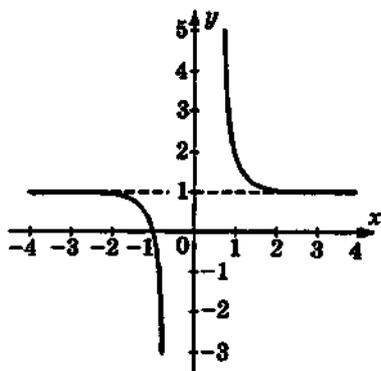
<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>



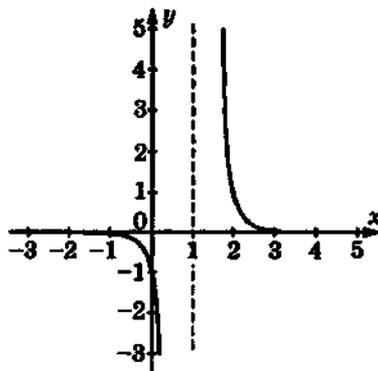
A10. Какой график соответствует функции, заданной формулой  $y = (x - 1)^{-5}$  ?

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

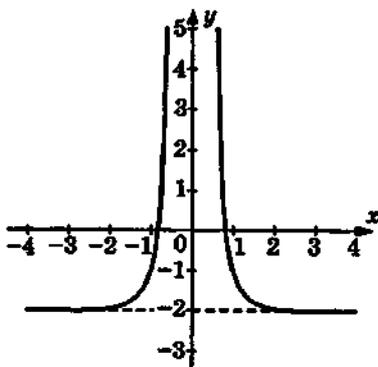
А.



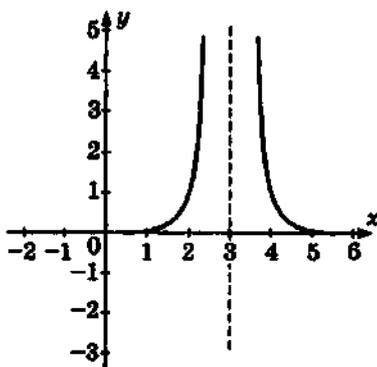
Б.



В.



Г.



## Часть 2

B1. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  $y = x^{-2} - 2$  на отрезке  $[-1; 3]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

B2. Постройте график функции  $y = (x + 1)^{-3} - 1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_





В3. Решите графически неравенство  $x > x^{-2}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

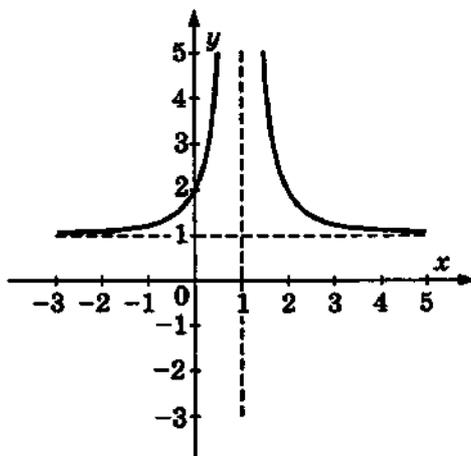


В4. Укажите все значения аргумента, при которых функция  $g(x) = x^{-3} - 1$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Функция задана графически. Запишите в ответе формулу, задающую данную функцию.



Ответ: \_\_\_\_\_

**Вариант III**

**Часть 1**

**A1.** Укажите область определения функции

$$f(x) = \frac{1}{(x+1)^4} + 2.$$

- A.  $(-\infty; -1)$
- Б.  $(-1; +\infty)$
- В.  $(1; 2)$
- Г.  $(-\infty; -1) \cup (-1; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A2.** Укажите область значений функции  $y = x^{-2} - 3$ .

- A.  $(-\infty; -3) \cup (-3; +\infty)$
- Б.  $(-3; +\infty)$
- В.  $(-\infty; -3)$
- Г.  $(-2; -3)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A3.** Найдите точки пересечения графиков функций

$$f(x) = x^{-5} \text{ и } g(x) = x.$$

- A. не существуют
- Б.  $(1; 1)$
- В.  $(1; 1), (-1; -1)$
- Г.  $(-1; -1)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**A4.** Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^{-8} \\ y = 2x - 1 \end{cases}$$

- A. 0
- Б. 1
- В. 3
- Г. 2

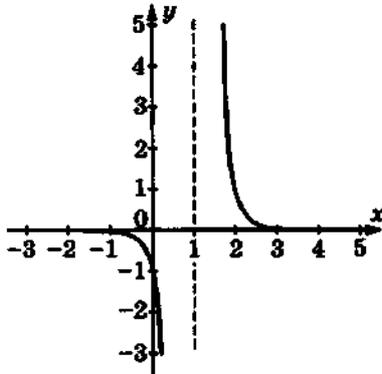
<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>



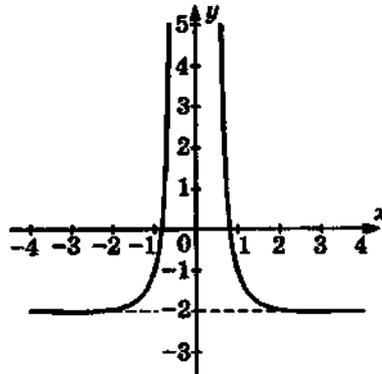
A10. Какой график соответствует функции, заданной формулой  $y = x^{-4} - 2$ ?

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

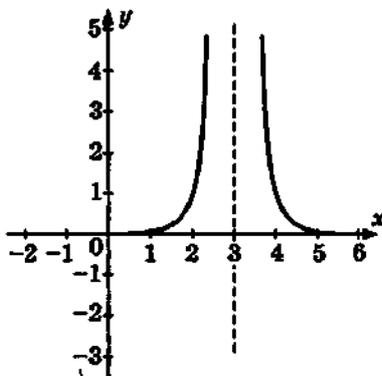
А.



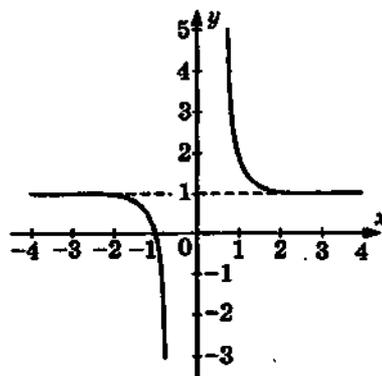
Б.



В.



Г.



## Часть 2

B1. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  $y = x^{-3} + 1$  на отрезке  $[1; 3]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

B2. Постройте график функции  $y = (x - 2)^{-3} + 1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Решите графически неравенство  $x^{-2} \leq -x$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

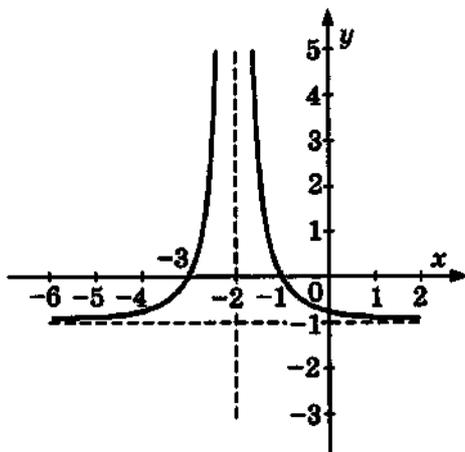


В4. Укажите все значения аргумента, при которых функция  $g(x) = x^{-3} + 1$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Функция задана графически. Запишите в ответе формулу, задающую данную функцию.



Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант IV

## Часть 1

A1. Укажите область определения функции

$$f(x) = \frac{1}{(x-2)^4} - 3.$$

- А.  $(-\infty; 2)$   
 Б.  $(2; +\infty)$   
 В.  $(-\infty; 2) \cup (2; +\infty)$   
 Г.  $(2; 3)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Укажите область значений функции  $y = x^{-5} + 5$ .

- А.  $(-\infty; 5)$   
 Б.  $(5; +\infty)$   
 В.  $(-5; 5)$   
 Г.  $(-\infty; 5) \cup (5; +\infty)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Найдите точки пересечения графиков функций

$$f(x) = x^{-4} \text{ и } g(x) = 1.$$

- А.  $(-1; 1)$   
 Б.  $(-1; 1), (1; 1)$   
 В. не существуют  
 Г.  $(1; 1)$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^{-4} \\ y = 2 \end{cases}$$

- А. 2  
 Б. 0  
 В. 3  
 Г. 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

а

б

в

г

A5. Найдите наибольшее значение функции  $y = x^{-2}$  на отрезке  $[-2; 1]$ .

A.  $-\frac{1}{2}$

Б. 4

В. 1

Г.  $\frac{1}{4}$

а

б

в

г

A6. Найдите наименьшее значение функции  $y = x^{-3}$  на промежутке  $[1; 3]$ .

A.  $\frac{1}{27}$

Б. не существует

В.  $\frac{1}{9}$

Г. 1

а

б

в

г

A7. Определите число решений системы уравнений:

$$\begin{cases} y = x^{-6} \\ y = -x^2 + 0,5 \end{cases}$$

A. 2

Б. 3

В. 1

Г. 0

а

б

в

г

A8. Какая из точек принадлежит графику функции  $f(x) = x^{-5} - 4$ ?

A.  $(-3; 1)$

Б.  $(1; -3)$

В.  $(-5; 4)$

Г.  $(-4; -5)$

а

б

в

г

A9. Найдите нули функции  $y = x^{-6} + 1$ .

A. 1

Б. -1

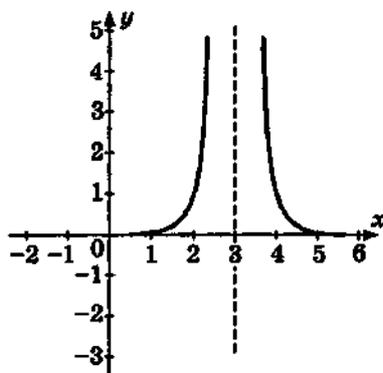
В. -1 и 1

Г. не существуют

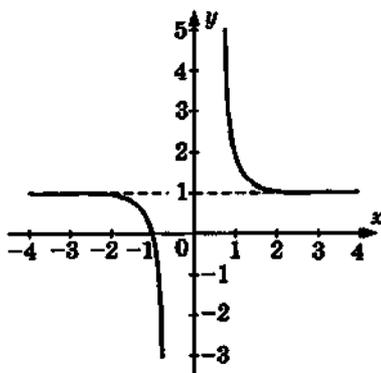
A10. Какой график соответствует функции, заданной формулой  $y = (x - 3)^{-4}$  ?

а   
 б   
 в   
 г

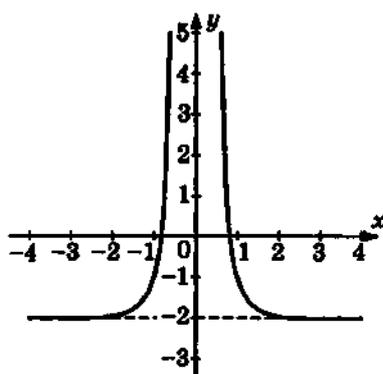
А.



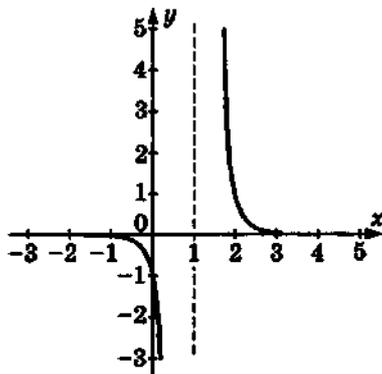
Б.



В.



Г.



### Часть 2

B1. Найдите наименьшее и наибольшее значение функции  $f(x) = (x + 1)^{-3} - 1$  на отрезке  $[-2; 2]$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

B2. Постройте график функции  $y = (x + 2)^{-2} - 1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Решите графически неравенство  $1 \leq x^{-8}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

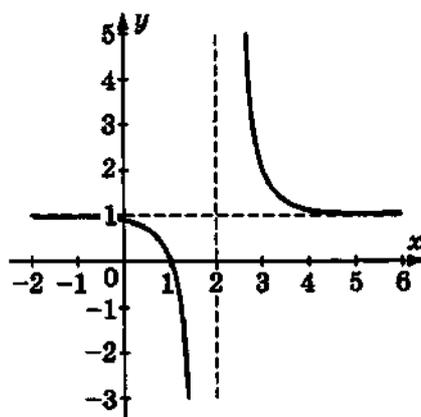


В4. Укажите все значения аргумента, при которых функция  $g(x) = x^{-4} + 1$  принимает положительные значения.

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Функция задана графически. Запишите в ответе формулу, задающую данную функцию.



Ответ: \_\_\_\_\_

**Тема VI. ЧИСЛОВЫЕ  
ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ.  
АРИФМЕТИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ**

**ТЕСТ 6**

**Вариант I**

**Часть 1**

- A1.** По заданной формуле  $n$ -го члена последовательности  $a_n = -3n + 7$  вычислите  $a_n$  при  $n = 4$ .

A. 19

Б. 5

В. 7

Г. - 5

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

- A2.** Найдите 2-й член последовательности  $(x_n)$ , заданной рекуррентно, если  $x_1 = 3$ ,  $x_n = x_{n-1} \cdot 2 - 4$ .

A. 10

Б. - 4

В. 2

Г. - 6

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

- A3.** Последовательность задана формулой  $n$ -го члена:  $y_n = (-1)^n + (-3)^n$ . Является ли одно из приведенных чисел членом последовательности?

A. - 27

Б. 27

В. - 28

Г. - 1

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

- A4.** Найдите наименьший член последовательности

$$c_n = n^2 - 2n + 4.$$

A. 3

Б. - 2

В. 4

Г. 1

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>



## Часть 2

В1. Вычислите 18-й член последовательности, заданной формулой  $a_n = n^2 - n$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

В2. Арифметическая прогрессия  $(x_n)$  задана формулой  $x_n = 29 - 3n$ . Найдите сумму первых десяти членов прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_

В3. В арифметической прогрессии  $(a_n)$  найдите  $n$ , если  $a_3 = -2$ ;  $d = 3$ ,  $a_n = 22$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

В4. В арифметической прогрессии:  $-\frac{1}{3}$ ;  $-\frac{1}{4}$ ; ... укажите номера тех членов, значения которых отрицательны.

Ответ: \_\_\_\_\_

В5. В арифметической прогрессии  $(a_n)$   $a_2 = 1$ ;  $a_3 = -2$  найдите сумму членов с 7-го по 14-й включительно.

Ответ: \_\_\_\_\_







В2. Арифметическая прогрессия  $(x_n)$  задана формулой  $x_n = 98 - 5n$ . Найдите сумму первых десяти членов этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. В арифметической прогрессии  $(a_n)$  найдите  $n$ , если  $a_4 = -3$ ;  $d = 5$ ;  $a_n = 47$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В4. В арифметической прогрессии:  $\frac{1}{4}$ ;  $\frac{1}{5}$ ; ... укажите номера тех членов, значения которых отрицательны.

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. В арифметической прогрессии  $(a_n)$ :  $a_1 = -3$ ;  $a_2 = -1$  найдите сумму членов с 9-го по 21-й включительно.

Ответ: \_\_\_\_\_

Вариант III

Часть 1

A1. По заданной формуле  $n$ -го члена последовательности

$$a_n = -\frac{3}{4n-5} \text{ вычислите } a_n \text{ при } n = 7.$$

A.  $-\frac{4}{28}$

Б.  $-\frac{5}{28}$

В.  $-\frac{3}{23}$

Г.  $5\frac{1}{3}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Найдите 2-й член последовательности  $(x_n)$ , заданной рекуррентно, если  $x_1 = -2$ ;  $x_n = 3x_{n-1} - 1$ .

A. - 7

Б. 5

В. - 9

Г. 8

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Последовательность задана формулой  $n$ -го члена:  $y_n = (-1)^{n+2} - 1$ . Является ли одно из приведенных чисел членом последовательности?

A. 2

Б. 1

В. - 1

Г. 0

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите наименьший член последовательности  $b_n = n^2 - 6n + 11$ .

A. - 6

Б. 11

В. 2

Г. - 3

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A5. Найдите первый отрицательный член последовательности: 17,8; 15,8; ...

A. - 0,8

Б. - 0,2

В. - 1, 2

Г. - 1, 8

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A6. Найдите разность арифметической прогрессии  $(a_n)$ , если  $a_8 = -4$ ;  $a_9 = -30$ .

A.  $-\frac{2}{13}$

Б.  $-6,5$

В.  $6,5$

Г.  $\frac{1}{2}$

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A7. В арифметической прогрессии известны два первых члена 16,8 и 18,8. Найдите 9-й член этой прогрессии.

A. 16

Б. 0,8

В.  $-1,6$

Г. 32,8

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A8. Арифметическая прогрессия задана формулой  $a_n = 15n - 34$ . Найдите номер первого положительного члена прогрессии.

A. 2

Б. 4

В. 3

Г. 5

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A9. Найдите сумму первых десяти членов арифметической прогрессии: 12; 10; ...

A. 30

Б. 210

В. 90

Г. 60

<input checked="" type="checkbox"/>	а	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	б	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	в	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	г	<input type="checkbox"/>

A10. Найдите сумму восьми первых членов арифметической прогрессии  $(a_n)$ , если  $a_n = 2n + 3$ .

A. 96

Б. 192

В. 94

Г. 48

### Часть 2



B1. Вычислите 18-й член последовательности, заданной формулой  $a_n = \frac{(-1)^{n+1}}{n+1}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

**В2.** Арифметическая прогрессия  $(x_n)$  задана формулой  $x_n = 5n - 47$ . Найдите сумму первых десяти членов прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_

**В3.** В арифметической прогрессии  $(a_n)$  найдите  $n$ , если  $a_2 = -15$ ,  $d = 3$ ,  $a_n = 0$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

**В4.** В арифметической прогрессии:  $-\frac{1}{4}$ ;  $-\frac{1}{5}$ ; ... укажите номера тех членов, значения которых отрицательны.

Ответ: \_\_\_\_\_

**В5.** В арифметической прогрессии  $(a_n)$   $a_1 = 32$ ,  $a_2 = 0$  найдите сумму членов с 5-го по 12-й включительно.

Ответ: \_\_\_\_\_

### Вариант IV

#### Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A1. По заданной формуле  $n$ -го члена последовательности

$$a_n = -\frac{4}{6-n} \text{ вычислите } a_n \text{ при } n = 5.$$

- А. 4  
 Б.  $-5\frac{2}{3}$   
 В. -4  
 Г.  $-4\frac{1}{3}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Найдите 2-й член последовательности  $(x_n)$ , заданной рекуррентно, если  $x_1 = -5$ ,  $x_n = -2x_{n-1} + 8$ .

- А. -2  
 Б. -6  
 В. 7  
 Г. 18

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Последовательность задана формулой  $n$ -го члена:  $y_n = (-2)^{n-1} + (-1)^n$ . Является ли одно из приведенных чисел членом последовательности?

- А. -2  
 Б. 3  
 В. -3  
 Г. 1

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. Найдите наименьший член последовательности  $a_n = n^2 + 8n + 11$ .

- А. -5  
 Б. 8  
 В. 11  
 Г. 4

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A5. Найдите первый отрицательный член последовательности 4,7; 2,7; ... .

- А. -1,7  
 Б. -0,3  
 В. -0,7  
 Г. -1,3





**B2.** Арифметическая прогрессия  $(x_n)$  задана формулой  $x_n = 6n - 121$ . Найдите сумму первых десяти членов прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_



**B3.** В арифметической прогрессии  $(a_n)$  найдите  $n$ , если  $a_4 = 24$ ,  $d = -3$ ,  $a_n = 12$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



**B4.** В арифметической прогрессии:  $\frac{1}{3}; \frac{1}{4}; \dots$  укажите номера тех членов, значения которых отрицательны.

Ответ: \_\_\_\_\_



**B5.** В арифметической прогрессии  $(a_n)$   $a_2 = 7$ ,  $a_4 = 17$  найдите сумму членов с 3-го по 9-й включительно.

Ответ: \_\_\_\_\_

# Тема VII. ЧИСЛОВЫЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ. ГЕОМЕТРИЧЕСКАЯ ПРОГРЕССИЯ

## ТЕСТ 7

### Вариант I

#### Часть 1

- A1. Последовательность  $(y_n)$  задана формулой  $n$ -го члена:  
 $y_n = (-1)^n + 3n$ . Найдите 5-й член этой последовательности.

A. 16  
B. 14  
B. 15  
Г. - 13

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A2. Последовательность задана рекуррентным способом.  
Найдите 3-й член последовательности, если  $a_1 = 5$ ,  
 $a_{n+1} = 2 - 3a_n$ .

A. - 13  
B. 39  
B. 41  
Г. - 37

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A3. Последовательность задана формулой

$$b_n = (-1)^{n+3} + (-2)^n. \text{ Найдите } b_5.$$

A. - 31  
B. 33  
B. - 32  
Г. 32

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

- A4. В геометрической прогрессии  $(b_n)$  найдите  $b_8$  член прогрессии, если  $b_1 = -1$ ,  $q = 4$ .

A. - 16  
B. - 240  
B. - 64  
Г. - 256

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>



A10. Найдите сумму бесконечно убывающей геометрической прогрессии  $(b_n)$  6; 3; 1,5; ... .

A. 3

Б. 12

В.  $\frac{1}{12}$

Г. 10,5

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

**Часть 2**

B1. Постройте график последовательности  $y_n = \frac{n+3}{2}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

B2. Начиная с какого номера все члены последовательности  $x_n = 3n - 2$  больше числа  $A = 12$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_

B3. Между числами 1 и 8 вставьте два числа так, чтобы они вместе с данными составляли геометрическую прогрессию. В ответе запишите 4 первых члена этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_

B4.  $(b_n)$  — геометрическая прогрессия. Известно, что  $b_2 + b_5 = 9$ ;  $b_3 + b_4 = 6$ . Найдите  $b_7$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

B5. Дана геометрическая прогрессия  $b_n = 3^{n-1}$ . Найдите сумму первых 4-х членов этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант II

### Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A1. Последовательность  $(y_n)$  задана формулой  $n$ -го члена:

$$y_n = 2^n - n. \text{ Найдите 6-й член этой последовательности.}$$

A. 70 Б. 26

B. 58 Г. 38

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. Последовательность задана рекуррентным способом. Найдите 3-й член последовательности, если  $a_1 = -1$ ,

$$a_{n+1} = 5a_n - \frac{1}{2}.$$

A. - 5,5 Б. 4,5

B. - 27 Г. - 28

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Последовательность задана формулой

$$b_n = (-1)^{n+3} + (-2)^n. \text{ Найдите } b_6.$$

A. 63 Б. - 64

B. 62 Г. - 65

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. В геометрической прогрессии  $(b_n)$  найдите  $b_6$  член прогрессии, если  $b_1 = 48$ ,  $q = \frac{1}{2}$ .

A. 2 Б. 3

B. - 3 Г. - 4

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A5. В геометрической прогрессии  $(b_n)$  известно, что

$$b_3 = 3, b_4 = 2\frac{1}{4}. \text{ Найдите } b_2 \cdot b_5.$$

A.  $\frac{16}{3}$  Б.  $\frac{3}{4}$

B. 4 Г.  $\frac{27}{16}$



Часть 2



В1. Постройте график последовательности  $y_n = \frac{2}{n-1}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В2. Начиная с какого номера все члены последовательности  $x_n = n^2 - 18$  больше числа  $A = -9$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Между числами  $\frac{1}{2}$  и 4 вставьте два числа так, чтобы они вместе с данными составляли геометрическую прогрессию. В ответе запишите 4 первых члена этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_



В4.  $(b_n)$  – геометрическая прогрессия. Известно, что  $b_2 + b_5 = \frac{126}{125}$ ,  $b_3 + b_4 = \frac{6}{25}$ . Найдите  $b_7$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Дана геометрическая прогрессия  $b_n = 2^n$ . Найдите сумму первых 4-х членов этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_





## Часть 2

В1. Постройте график последовательности  $y_n = \frac{3-2n}{4}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

В2. Начиная с какого номера все члены последовательности  $x_n = 2n - 4$  больше числа  $A = 11$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_

В3. Между числами 3 и  $\frac{1}{9}$  вставьте два числа так, чтобы они вместе с данными составляли геометрическую прогрессию. В ответе запишите 4 первых члена этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_

В4.  $(b_n)$  — геометрическая прогрессия. Известно, что  $b_2 + b_3 = 18$ ;  $b_3 + b_4 = 12$ . Найдите  $b_7$ .

Ответ: \_\_\_\_\_

В5. Дана геометрическая прогрессия  $b_n = 3(-2)^n$ . Найдите сумму первых 4-х членов этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант IV

### Часть 1

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A1. Последовательность  $(y_n)$  задана формулой  $n$ -го члена  $y_n = n^2 - 2n$ . Найдите 8-й член этой последовательности.

- A. 16  
B. - 18  
B. 64  
Г. 48

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A2. Последовательность задана рекуррентным способом. Найдите 3-й член последовательности, если  $a_1 = 3$ ,  $a_{n+1} = 7 - 2a_n$ .

- A. 5  
B. - 3  
B. 1  
Г. 3

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A3. Последовательность задана формулой

$$b_n = (-1)^{n+3} + (-2)^n. \text{ Найдите } b_7.$$

- A. 128  
B. - 129  
B. - 127  
Г. - 63

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A4. В геометрической прогрессии  $(b_n)$  найдите  $b_4$  член прогрессии, если  $b_1 = -6$ ,  $q = -3$ .

- A. 486  
B. - 486  
B. 18  
Г. - 162

<input checked="" type="checkbox"/>
а <input type="checkbox"/>
б <input type="checkbox"/>
в <input type="checkbox"/>
г <input type="checkbox"/>

A5. В геометрической прогрессии  $(b_n)$  известно, что  $b_3 = 6$ ,  $b_4 = 4$ . Найдите  $b_2 \cdot b_5$ .

- A.  $\frac{8}{3}$   
B.  $\frac{27}{2}$   
B.  $\frac{2}{3}$   
Г. 24

A6. Найдите знаменатель геометрической прогрессии  $(b_n)$ ,  
если  $b_5 = -\frac{4}{9}$ ,  $b_7 = -4$ .

A.  $-\frac{4}{3}; \frac{4}{3}$

Б.  $\frac{4}{3}$

В.  $-\frac{4}{3}$

Г.  $\frac{3}{4}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A7. Найдите первый член геометрической прогрессии  $(b_n)$ ,  
если  $b_6 = 64$ ,  $b_5 = 32$ .

A.  $\frac{1}{2}$

Б.  $\frac{1}{4}$

В. 4

Г. 2

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A8. Дана геометрическая прогрессия  $(b_n)$ . Известно, что  
 $b_1 = 3$ ,  $q = 2$ ,  $b_n = 192$ . Найдите  $n$ .

A. 6

Б. 7

В. 5

Г. 8

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A9. Найдите сумму первых пяти членов геометрической  
прогрессии:  $-3; 6; \dots$

A. 32

Б.  $-8$

В.  $-33$

Г. 4

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Найдите сумму бесконечно убывающей геометрической  
прогрессии  $(b_n)$ :  $9; 3; 1; \dots$

A. 13,5

Б. 6

В. 13

Г.  $\frac{2}{27}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

Часть 2

B1. Постройте график последовательности  $y_n = n^2 - 2n$ .

Ответ: \_\_\_\_\_





В2. Начиная с какого номера все члены последовательности  $x_n = 2^{3+n}$  больше числа  $A = 36$ ?

Ответ: \_\_\_\_\_



В3. Между числами 5 и  $\frac{1}{25}$  вставьте два числа так, чтобы они вместе с данными составляли геометрическую прогрессию. В ответе запишите 4 первых члена этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_



В4.  $(b_n)$  — геометрическая прогрессия. Известно, что  $b_2 + b_5 = \frac{28}{27}$ ,  $b_3 + b_4 = \frac{4}{9}$ . Найдите  $b_7$ .

Ответ: \_\_\_\_\_



В5. Дана геометрическая прогрессия  $b_n = 2(-3)^n$ . Найдите сумму первых 4-х членов этой прогрессии.

Ответ: \_\_\_\_\_

# Тема VIII. ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, СТАТИСТИКИ И ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

## ТЕСТ 8

### Вариант I

#### Часть 1

A1. Из цифр 3, 5, 7 составляются различные трехзначные числа без повторения цифр. Найдите наименьшее число, у которого последняя цифра 7.

A. 537

Б. 357

В. 573

Г. 375

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. В хоккейной команде 5 человек, на площадке 5 позиций для их расстановки. Сколькими способами команда может расположиться на площадке?

A. 120

Б. 25

В. 720

Г. 75

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Вычислите значение выражения:  $\frac{14!}{10! \cdot 5!}$ .

A. 0,8

Б. 15,4

В. 13,8

Г.  $\frac{5}{77}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. В результате измерения результатов опытов были получены следующие значения: 8,5; 7,8; 7,8; 6,7; 9,4; 4,7; 4,5; 8,05. Укажите наибольшую и наименьшую варианты проведенного измерения.

A. 9,4 и 4,5

Б. 8,5 и 4,7

В. 4,5 и 9,4

Г. 9,4 и 4,7

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

а

б

в

г

A5. Дана сводная таблица распределения данных.

Варианта	8	12	14	18	21	24	28	30
Кратность	3	4	5	4	2	4	3	5

Найдите объем измерения.

A. 155

Б. 30

В. 4

Г. 8

а

б

в

г

A6. Пачка печенья по норме должна весить 250 г. Контроль при взвешивании 200 пачек дал результаты:

Вес, г	245	246	248	250	252	254	255
Количество пачек	12	15	31	76	36	16	14

Найдите средний вес пачки печенья.

A. 249,8

Б. 250

В. 251,14

Г. 250,12

а

б

в

г

A7. Монету подбрасывают три раза. Какова вероятность того, что в первый раз выпадет «орел»?

A.  $\frac{3}{8}$

Б.  $\frac{1}{2}$

В.  $\frac{1}{4}$

Г.  $\frac{1}{8}$

а

б

в

г

A8. Найдите вероятность того, что при одном бросании игрального кубика выпало четное число очков.

A.  $\frac{1}{3}$

Б.  $\frac{1}{2}$

В.  $\frac{1}{4}$

Г.  $\frac{2}{3}$

A9. В ящике лежат 24 одинаковых карандаша. Из них 13 красные, а остальные — синие. Наудачу достают один карандаш. Найдите вероятность события: «Карандаш красный».

A.  $\frac{13}{24}$

B.  $\frac{1}{24}$

B.  $\frac{11}{24}$

Г.  $\frac{24}{13}$

	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A10. Отрезок  $AB$  разбит точками на 4 равных отрезка.



Случайным образом точку  $X$  помещают на отрезке  $AB$ . Найдите вероятность того, что точка  $X$  принадлежит отрезку  $AD$ .

A.  $\frac{1}{4}$

B.  $\frac{1}{2}$

B.  $\frac{3}{4}$

Г. 1

	<input checked="" type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

### Часть 2

B1. На завтрак в меню заложен белый и ржаной хлеб, на который можно положить сыр или колбасу. Из напитков возможны молоко, чай и сок. Сколько вариантов завтраков заложено в меню?

Ответ: \_\_\_\_\_



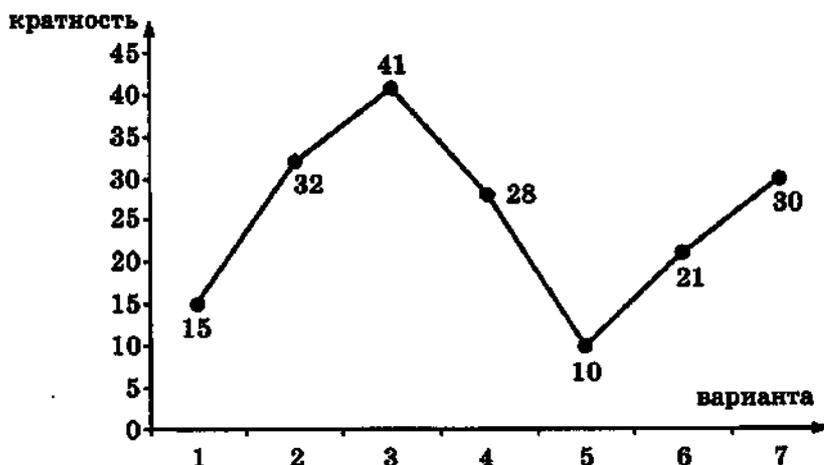
B2. В парикмахерскую одновременно пришли 3 клиентки. Сколько существует способов выстроить их в очередь на стрижку к одному мастеру?

Ответ: \_\_\_\_\_





**В3.** По приведенному многоугольнику кратностей данных определите объем измерений.



Ответ: \_\_\_\_\_



**В4.** В младшей группе детского сада из 100 игрушек: 28 — куклы, 37 из оставшихся — машинки, остальные — кубики. Какова вероятность того, что ребенок достанет из ящика кубики?

Ответ: \_\_\_\_\_



**В5.** По данным отдела технического контроля из 1000 лампочек, выпускаемых в цехе завода, в среднем 6 штук — бракованные. Сколько бракованных можно в среднем ожидать в партии из 500 лампочек?

Ответ: \_\_\_\_\_





A9. В ящике лежат 24 одинаковых карандаша. Из них 13 красные, а остальные — синие. Наудачу достают один карандаш. Найдите вероятность события: «Карандаш не синий».

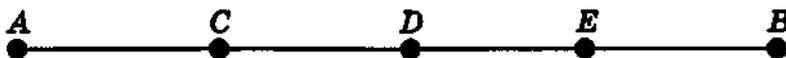
A.  $\frac{13}{24}$

Б.  $\frac{1}{24}$

В.  $\frac{11}{24}$

Г.  $\frac{24}{13}$

A10. Отрезок  $AB$  разбит точками на 4 равных отрезка.



Случайным образом точку  $X$  помещают на отрезке  $AB$ . Найдите вероятность того, что точка  $X$  принадлежит отрезку  $BE$ .

A.  $\frac{1}{2}$

Б.  $\frac{3}{4}$

В. 1

Г.  $\frac{1}{4}$

### Часть 2

B1. На завтрак в меню заложен белый и ржаной хлеб, на который можно положить сыр или колбасу. Из напитков возможны молоко, чай и сок. В скольких случаях возможно молоко на завтрак?

Ответ: \_\_\_\_\_

B2. В эстафете участвует команда из 5 человек. Сколько существует различных последовательностей выхода спортсменов на старт?

Ответ: \_\_\_\_\_

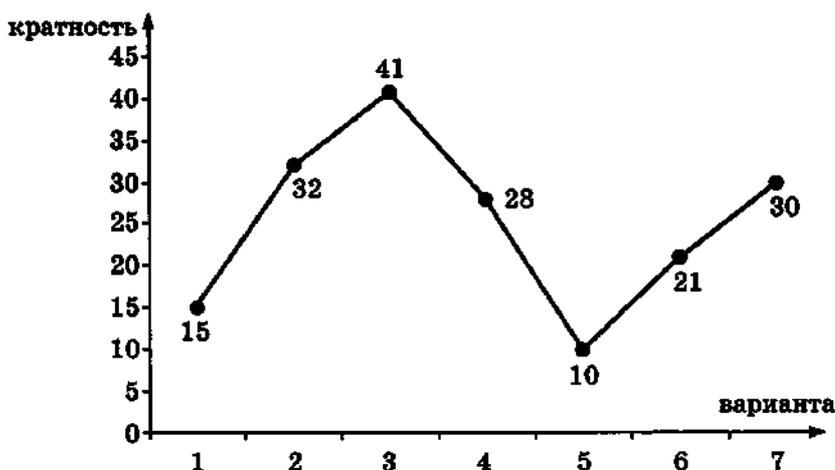
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>





- В3.** По приведенному многоугольнику кратностей данных определите количество вариантов измерения.



Ответ: \_\_\_\_\_



- В4.** В младшей группе детского сада из 100 игрушек: 28 — куклы, 37 из оставшихся — машинки, остальные — кубики. Какова вероятность того, что ребенок достанет из ящика куклу?

Ответ: \_\_\_\_\_



- В5.** По данным отдела технического контроля из 1000 лампочек, выпускаемых в цехе завода, в среднем 6 штук — бракованные. Сколько бракованных можно в среднем ожидать в партии из 3000 лампочек?

Ответ: \_\_\_\_\_

## Вариант III

## Часть 1

A1. Из цифр 3, 5, 7 составляются различные трехзначные числа без повторения цифр. Сколько четных чисел можно составить?

- A. 1  
B. 3  
B. 2  
Г. 0

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. В гости пришли 4 человека, за столом есть 4 места для их рассадки. Сколькими способами можно это сделать?

- A. 16  
B. 120  
B. 20  
Г. 24

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Вычислите значение выражения:  $\frac{12!}{9! \cdot 4!}$

- A. 55  
B.  $\frac{1}{55}$   
B.  $\frac{1}{3}$   
Г. 3

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. В результате измерения результатов опытов были получены следующие значения: 0,86; 0,071; 0,98; 1,01; 0,78; 0,86; 1,1; 0,071. Укажите наибольшую и наименьшую варианты проведенного измерения.

- A. 1,01 и 0,78  
B. 1,1 и 0,071  
B. 1,01 и 0,071  
Г. 1,01 и 0,86

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

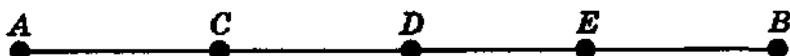


А9. В ящике лежат 24 одинаковых карандаша. Из них 13 красные, а остальные — синие. Наудачу достают один карандаш. Найдите вероятность события: «Карандаш либо красный, либо синий».

- А.  $\frac{1}{4}$
- Б.  $\frac{13}{24}$
- В. 1
- Г.  $\frac{5}{24}$

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

А10. Отрезок  $AB$  разбит точками на 4 равных отрезка.



Случайным образом точку  $X$  помещают на отрезке  $AB$ . Найдите вероятность того, что точка  $X$  не принадлежит отрезку  $AC$ .

- А.  $\frac{3}{4}$
- Б.  $\frac{1}{4}$
- В.  $\frac{1}{2}$
- Г. 1

<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

### Часть 2

В1. На завтрак в меню заложен белый и ржаной хлеб, на который можно положить сыр или колбасу. Из напитков возможны молоко, чай и сок. В скольких случаях возможно молоко на завтрак?

Ответ: \_\_\_\_\_

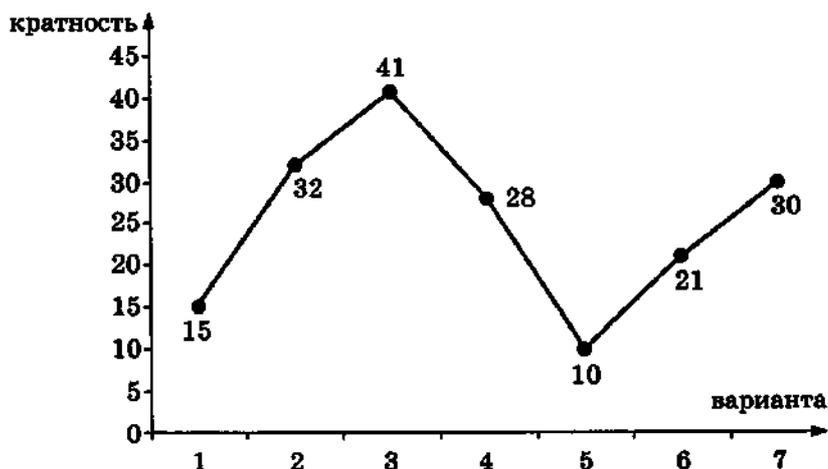
В2. Сколько существует способов рассадить группу из 7 учеников по 7 местам в классе?

Ответ: \_\_\_\_\_





- В3.** По приведенному многоугольнику кратностей данных определите размах измерений.



Ответ: \_\_\_\_\_



- В4.** В младшей группе детского сада из 100 игрушек: 28 — куклы, 37 из оставшихся — машинки, остальные — кубики. Какова вероятность того, что ребенок достанет из ящика не машинку?

Ответ: \_\_\_\_\_



- В5.** По данным отдела технического контроля из 1000 лампочек, выпускаемых в цехе завода, в среднем 6 штук — бракованные. Сколько бракованных можно в среднем ожидать в партии из 5500 лампочек?

Ответ: \_\_\_\_\_

Вариант IV

Часть 1

A1. Из цифр 3, 5, 7 составляются различные трехзначные числа без повторения цифр. Сколько всего чисел можно составить?

- A. 7  
B. 6  
B. 8  
Г. 9

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A2. В группе по изучению китайского языка 8 человек. Сколькими способами учеников можно посадить на 8 мест в классе?

- A. 720  
B. 64  
B. 5040  
Г. 40320

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A3. Вычислите значение выражения:  $\frac{8! \cdot 3!}{10!}$ .

- A. 0,066  
B.  $\frac{1}{15}$   
B. 15  
Г.  $\frac{3}{50}$

<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>

A4. В результате измерения результатов опытов были получены следующие значения: 1,24; 2,01; 2,1; 1,24; 0,99; 1,12; 2,11; 0,86. Укажите наибольшую и наименьшую варианты проведенного измерения.

- A. 2,11 и 0,86  
B. 2,1 и 0,99  
B. 0,86 и 2,11  
Г. 2,1 и 0,86

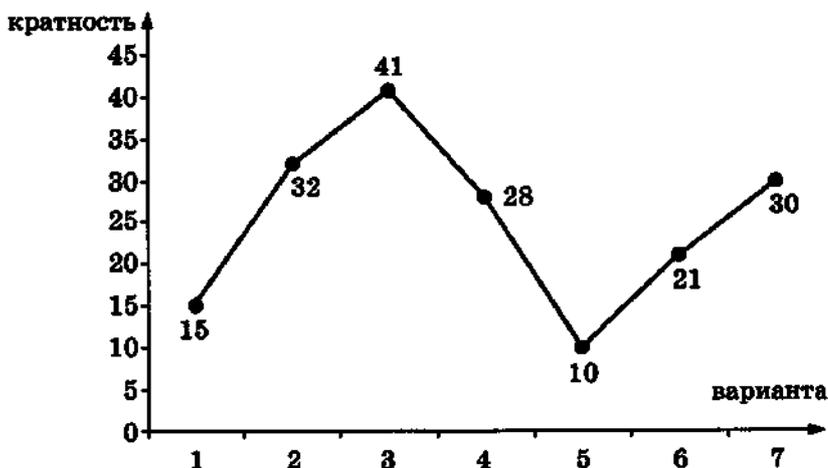
<input checked="" type="checkbox"/>	
а	<input type="checkbox"/>
б	<input type="checkbox"/>
в	<input type="checkbox"/>
г	<input type="checkbox"/>







**В3.** По приведенному многоугольнику кратностей данных определите моду измерения.



Ответ: \_\_\_\_\_



**В4.** В младшей группе детского сада из 100 игрушек: 28 — куклы, 37 из оставшихся — машинки, остальные — кубики. Какова вероятность того, что ребенок достанет из ящика куклу или машинку?

Ответ: \_\_\_\_\_



**В5.** По данным отдела технического контроля из 1000 лампочек, выпускаемых в цехе завода, в среднем 6 штук — бракованные. Сколько бракованных можно в среднем ожидать в партии из 7250 лампочек?

Ответ: \_\_\_\_\_

# ОТВЕТЫ К ВАРИАНТАМ ТЕСТОВ

## Часть 1

		A 1	A 2	A 3	A 4	A 5	A 6	A 7	A 8	A 9	A 10
ТЕСТ 1	1	В	В	А	Г	В	А	Г	Б	А	В
	2	А	В	В	Г	А	В	В	Г	В	В
	3	В	Г	Г	В	Б	Г	В	А	В	В
	4	Г	А	В	В	Г	В	А	А	Г	В
ТЕСТ 2	1	Г	А	В	А	В	Б	А	В	В	Г
	2	В	Г	А	В	Г	Б	В	В	А	Б
	3	Г	В	В	В	А	А	Б	А	Г	А
	4	А	В	Г	В	В	Г	В	Г	В	А
ТЕСТ 3	1	В	А	Г	В	В	Г	Б	В	А	В
	2	В	В	А	В	Г	В	В	В	В	Г
	3	А	Г	В	В	В	Б	В	В	В	А
	4	Г	В	В	А	А	Б	Г	А	Г	В
ТЕСТ 4	1	В	А	А	Г	В	Г	А	Б	В	А
	2	Г	В	Г	В	В	В	В	Г	А	В
	3	А	В	Б	Г	В	В	В	В	Г	В
	4	В	Г	В	А	Б	А	Г	В	В	Г
ТЕСТ 5	1	Б	Г	А	В	В	Г	В	А	В	Г
	2	А	В	В	Г	Б	В	А	В	Г	В
	3	Г	Б	В	В	Г	В	В	Г	А	В
	4	В	Г	В	А	В	В	В	Б	Г	А
ТЕСТ 6	1	Г	В	В	А	В	В	В	А	Г	А
	2	В	В	А	Г	Б	В	А	Г	В	В
	3	В	А	Г	В	В	Б	Г	В	А	А
	4	В	Г	В	А	Г	А	В	В	Г	В
ТЕСТ 7	1	В	В	А	Г	А	В	В	А	Г	В
	2	В	Г	А	Б	Г	Г	В	В	А	В
	3	В	А	В	А	В	Б	В	В	Г	Г
	4	Г	В	В	А	Г	А	Г	В	В	А
ТЕСТ 8	1	В	А	В	А	В	Г	В	В	А	В
	2	А	Г	В	В	Г	В	А	А	А	Г
	3	Г	В	А	В	А	В	Г	Г	В	А
	4	В	Г	В	А	В	А	В	В	Г	В

Часть 2

		В 1	В 2	В 3	В 4	В 5
ТЕСТ 1	1	$x \leq -8;$ $1,5 \leq x \leq 4$	3	- 1	$[-2; -1) \cup (0; 1)$	5
	2	$x \leq -5;$ $1,5 \leq x \leq 7$	1	15	$(-2; 0) \cup (2; 3]$	2
	3	$x \leq -5;$ $-1\frac{1}{3} \leq x \leq 2$	3	7	$(-\infty; -3) \cup (0; 1]$	2
	4	$x \leq -3;$ $-1 \leq x \leq 3$	5	15	$[-1; 0) \cup (4; +\infty)$	2
ТЕСТ 2	1	8 и 4	2 м	1	$(-2; 0), (2; 0)$	0
	2	17 и 7; -7 и -17	8 см и 6 см	- 1	$(0; 0), (4; 0)$	1
	3	- 2 и - 9; 9 и 2	12 см и 5 см	- 1	$(-2; 4), (2; 4)$	2
	4	15 и 5	60 м и 50 м	- 1	$(-2; -2),$ $(2; -2)$	2
ТЕСТ 3	1	$f(x) = (x - 2)^2 + 1$	$D(y) = (-\infty; -2] \cup$ $\cup (-1; 0) \cup [2; +\infty)$	При $x < 6$	- 4 и 6	- 13 и 3
	2	$f(x) = \sqrt{x + 3} - 1$	$D(y) = (-\infty; -3) \cup$ $\cup (-3; 0] \cup (3; +\infty)$	При $x < 5$	2 и 3	0 и 2,5
	3	$f(x) = \frac{2}{x - 1} + 3$	$D(y) = (-\infty; 4] \cup$ $\cup (0; 2) \cup (4; +\infty]$	При $x < -1$ и $x > 3$	$\frac{5}{6}$ и - 1	0 и 4
	4	$f(x) = 2x + 4$	$D(y) = (-\infty; -5) \cup$ $\cup [0; 5) \cup (5; +\infty)$	При $-1 < x < 3$	1 и 1,5	3 и 19
ТЕСТ 4	1	0 и 1	2	$[7; +\infty)$	34	$y = -(x - 1)^3 + 2$
	2	- 2 и 7	2	$(-\infty; -4)$	6	$y = -(x + 1)^4 - 3$
	3	1 и 0	0	$(-\infty; +\infty)$	18	$y = (x + 1)^2 - 2$
	4	- 27 и 1	2	$(-\infty; +\infty)$	- 2	$y = (x - 2)^4 + 1$

	В 1	В 2	В 3	В 4	В 5	
ТЕСТ 5	1	$3\frac{1}{9}$ и 4		$[1; +\infty)$	$(-1; 0) \cup (0; 1)$	$y = (x + 1)^{-3} - 1$
	2	$-1\frac{8}{9}$ и -1		$(1; +\infty)$	$(0; 1)$	$y = (x - 1)^{-2} + 1$
	3	$1\frac{1}{27}$ и 2		$(-\infty; -1]$	$(-\infty; -1) \cup (0; +\infty)$	$y = (x + 2)^{-2} - 1$
	4	$-2$ и $-\frac{26}{27}$		$(0; 1]$	$(-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$	$y = (x - 2)^{-3} + 1$
ТЕСТ 6	1	306	125	11	1; 2; 3; 4	- 187
	2	- 322	705	15	1; 2; 3; 4; 5	325
	3	$-\frac{1}{19}$	- 195	8	1; 2; 3; 4; 5	- 640
	4	$-\frac{1}{324}$	- 880	8	1; 2; 3; 4	191
ТЕСТ 7	1		5	1; 2; 4; 8	32	40
	2		4	$\frac{1}{2}; 1; 2; 4$	64	30
	3		8	$3; 1; \frac{1}{3}; \frac{1}{9}$	$\frac{1}{243}$	30
	4		6	$5; 1; \frac{1}{5}; \frac{1}{25}$	$\frac{1}{2125}$	120
ТЕСТ 8	1	12	6	177	0,35	3
	2	4	120	7	0,28	18
	3	6	5040	41	0,63	33
	4	4	$n!$	3	0,65	43

*Учебное издание*

**Ключникова Елена Михайловна  
Комиссарова Ирина Владимировна**

# **ТЕСТЫ ПО АЛГЕБРЕ**

**К учебнику А.Г. Мордковича  
«Алгебра. 9 класс»**

**9 класс**

Издательство **«ЭКЗАМЕН»**

Гигиенический сертификат  
№ 77.99.60.953.Д.013968.11.09 от 25.11.2009 г.

Главный редактор *Л.Д. Лаппо*  
Редактор *И.М. Бокова*  
Технический редактор *Т.В. Фатюхина*  
Корректор *Г.М. Морозова*  
Дизайн обложки *А.Ю. Горелик*  
Компьютерная верстка *Д.А. Ярош, Н.Э. Николаева*

105066, Москва, ул. Нижняя Красносельская, д. 35, стр. 1.  
[www.examen.biz](http://www.examen.biz)

E-mail: по общим вопросам: [info@examen.biz](mailto:info@examen.biz);  
по вопросам реализации: [sale@examen.biz](mailto:sale@examen.biz)  
тел./факс 641-00-30 (многоканальный)

Общероссийский классификатор продукции  
ОК 005-93, том 2; 953005 — книги, брошюры, литература учебная

Отпечатано в соответствии с предоставленными материалами  
в ГП ПО «Псковская областная типография», 180004, г. Псков, ул. Ротная, 34.

Качество печати соответствует качеству  
предоставленных диапозитивов

По вопросам реализации обращаться по тел.:  
**641-00-30 (многоканальный).**